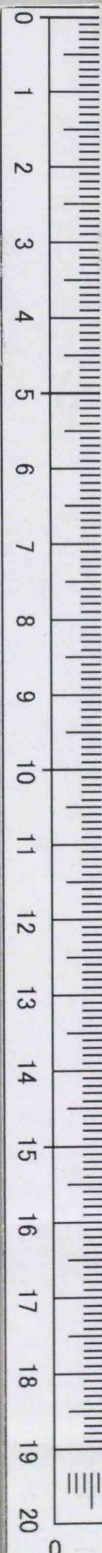
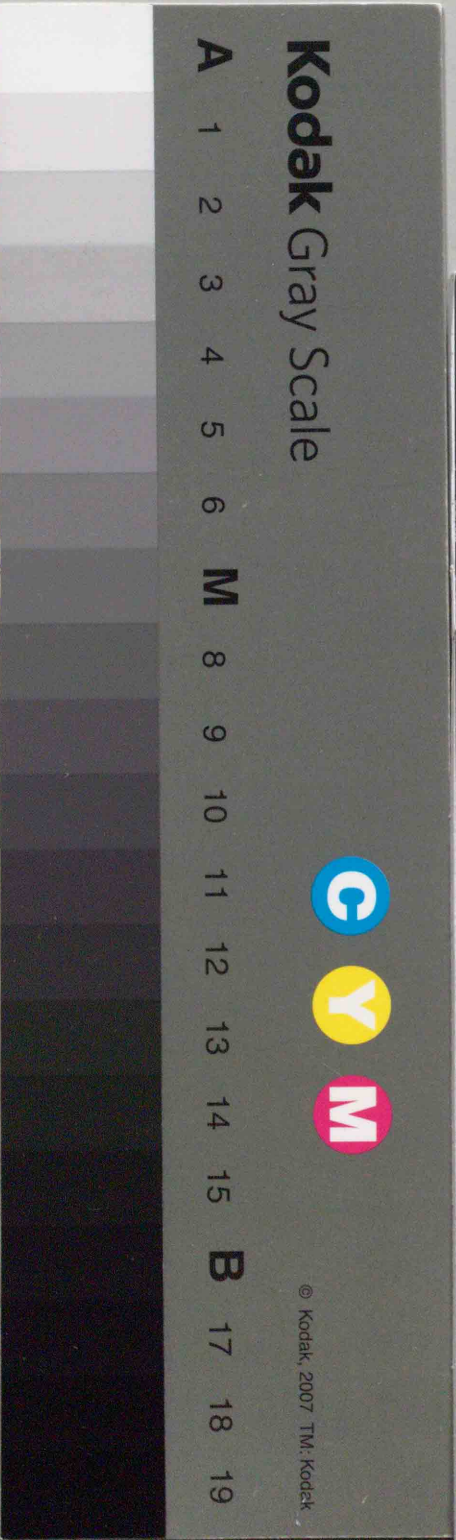
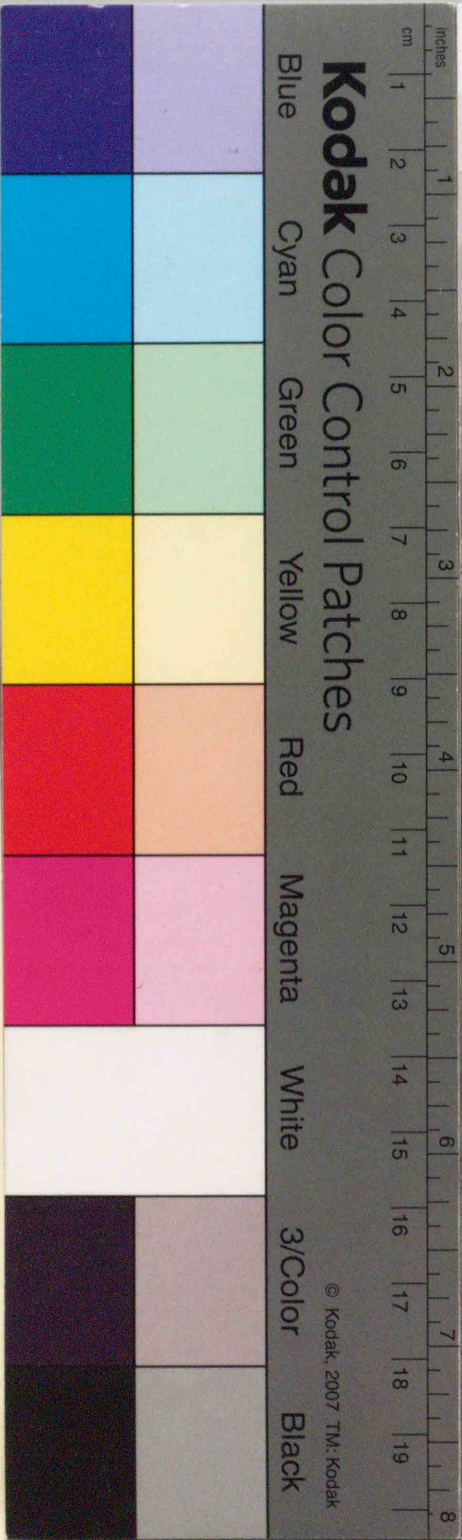


40149

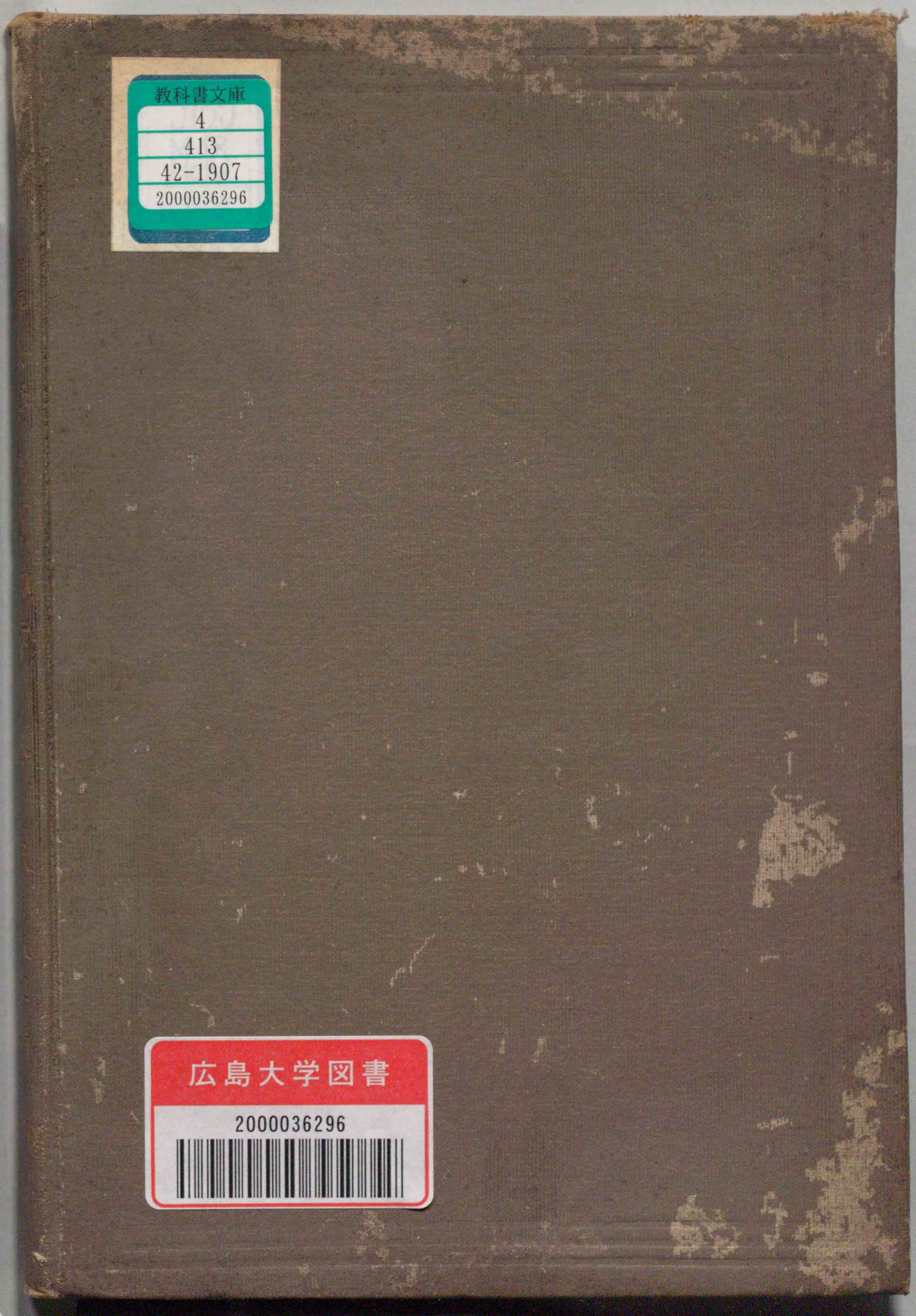
教科書文庫

4
413
42-1907
20000 36296



教科書文庫
4
413
42-1907
2000036296

広島大学図書
2000036296

395.9

Mo18

資 料 室

教科書文庫
4
413
42-1907
2000036296

27

Mo

37
Mo



明治四十年二月廿一日
文部省檢定濟

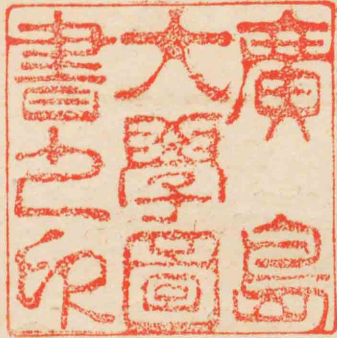
改 片反

女子教科
幾何初步

森 岩 太 郎 編

東 京
成 美 堂
目 黑 書 店
合 梓

明治四十年二月改版



例 言

- 一. 本書ハ高等女學校及之ト同等ナル女學校ニ於ケル幾何初步ノ教科書ニ供センガ爲メニ編纂セリ
- 二. 本書ハ初學者ヲシテ幾何ノ大意ニ通曉セシムルヲ以テ目的トス故ニ其說ク所專ラ簡單平易ヲ旨トシ且理解シ易カラシメンガ爲メニ數ヲ交ヘテ之ヲ解説シタリ
- 三. 初メテ幾何學ヲ學ブモノ、通弊ハ言語ノ用法不完全ニシテタメニ推論ノ精密ヲ缺クニアリ本書ハ專ラ此點ニ注意シ證明ニ用ヒタル言語ハ生徒ヲシテ成ルベク其儘之ヲ口述スルニ適セシメタリ
- 四. 作圖ニ關スル問題ハ定理ヲ應用シテ之ガ作法ヲ工夫セシムルニ止メズ又器具ヲ用ヒテ之ヲ書カシムルニ適スルモノヲ選ミタリ
- 五. 本書ハ充分ノ注意ヲ加ヘテ編纂セリト雖モ余ノ淺學ナル猶不備ノ點少ナカラザルベシ幸ニ大方ノ是正ヲ待テテ成ヲ他日ニ期セントス

明治三十五年三月

編者識ス

第二版ニ就キテ

余曩ニ本書ヲ編纂スルヤ女子ヲシテ廣ク幾何學ノ全體ニ亘リ其概要ニ通曉セシムルヲ以テ目的トシ上卷ニ於テハ平面幾何ノ大要ヲ述ベ下卷ニ於テハ立體ニ關スル適切ナル定理ト實用上必須ナル形體ノ性質トヲ掲ゲタリ爾來之ヲ實地ニ試ミタル結果ヲ見ルニ教授ノ材料稍多キニ失スル觀アルノミナラズ目下高等女學校ニ於テハ立體ハ之ヲ課セザル規定ナルヲ以テ第二版ニ於テハ字句ヲ修正シ誤字ヲ訂正シタル外全ク立體ノ部ヲ削除シ以テ特ニ高等女學校用ニ適セシメンコトヲ務メタリ是レ本版ノ初版ニ比シテ體裁ヲ異ニスル所以ナリ

明治三十六年一月

編者識ス

目 次

第一編	緒 論.....	1—8
第二編	直 線.....	9—15
第三編	角.....	16—26
第四編	三 角 形.....	27—46
第五編	多 角 形.....	47—57
第六編	圓.....	58—82
第七編	面 積.....	83—89
第八編	比 例.....	90—100





女子教科

幾何初歩

第一編 緒論

1. 立體 總テ物體ハ限リナク廣ガ
 レル空間ノ中ニ在リテ其一部ヲ充タス
 物體ハ其物質ノ異ナルニ從ヒ色重サ堅
 サ等ヲ異ニスレドモ是等ハ皆物質ニ屬
 スル性質ナリ幾何學ニ於テハ物體ヲ組
 織スル物質及物質ニ屬スル性質ニハ關
 係セズ唯其形ヲ大サ及位置ノミニ就キテ
 研究ス斯ノ如ク物體ヲ其形ヲ大サ及位
 置ノミニ就キテ考フル時ハ之ヲ立體又ハ
 單ニ體ト云フ即チ立體トハ周圍ヲ界セ
 ラレタル空間ノ一部分ナリ

立體ノ大サヲ言ヒ表ハスニハ通常長サ幅及厚サナル語ヲ用フ之ヲ立體ノ三ツノ擴リト云フ

2. 表面 立體ハ空間ノ一部分ナレバ立體ノアル部分ト其他ノ部分トヲ區別スル所ノ界ヲカルベカラズ此界ヲ立體ノ表面又ハ單ニ面ト云フ而シテ此界ハ立體ニモ屬セズ其他ノ部分ニモ屬セズ兩者相接スル間ニアルヲ以テ表面ニハ厚サナシ例ヘバ水ヲ盛りタル器ニ於テ水ト器トノ界ヲナシテ兩者ノ何レニモ屬セザル所アリ之ヲ水ノ表面ト云ヒ又器ノ表面ト云フ又其上方空氣ニ接スル界ハ水ノ表面ニシテ同時ニ空氣ノ表面ナリ故ニ表面ハ長サ及幅ナル二ツノ擴リアリテ厚サナキモノナリ

3. 線 立體ノ盡クル所ニ其界アルガ如ク表面ノ盡クル所ニ亦其界アリ之

ヲ線ト云フ又表面ト表面トノ交リモ線ナリ今一枚ノ白紙ヲ取リテ其一半ヲ黒ク染ムル時ハ其白キ所ニ沿ヒタル表面ト黒キ所ニ沿ヒタル表面トヲ區別スル所ノ界アリ是即チ線ナリ而シテ此界ハ二ツノ表面ノ何レニモ屬セザルガ故ニ線ニハ厚サナキノミナラズ又幅ナシ即チ線ハ長サアリテ厚サ及幅ナキモノナリ

4. 點 線ノ盡クル所ニ又其界アリ之ヲ點ト云フ又線ト線トノ交ハル所モ點ナリ線ニハ厚サ及幅ナクシテ點ハ其界ナレバ點ニハ厚サ及幅ナキノミナラズ又長サナシ即チ點ハ位置ノミアリテ大サナキモノナリ

5. 圖形 前條ノ説明ニヨリテ之ヲ觀レバ立體ヲ離レテ表面ノ存在ナク表面ヲ離レテ線ノ存在ナク線ヲ離レテ點ノ存在ナシ然レドモ幾何學ニ於テハ立

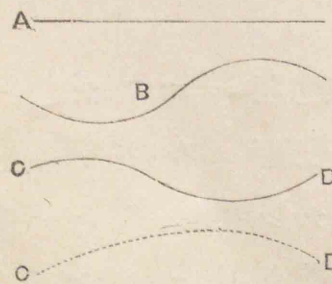
體、表面、線、點ヲ引キ離シテ別々ニ之ヲ研究スルヲ以テ又此等ヲ別々ニ紙面上ニ顯ハスコトヲ得ルモノトス斯ノ如ク紙面上ニ顯ハシタル立體、表面、線、點或ハ其集合ヲ**圖形**ト稱ス

6. **點線ノ圖形** 點ヲ顯ハスニハ圖

A B ノ如ク黑點又ハ十字
 • × 形ヲ以テシ點ノ位置

ハ其正中ニアルモノトス之ヲ呼ブニハ其傍ニ記シタル一文字ヲ以テス例ヘバ點 A 又ハ點 B ト云フガ如シ

線ヲ顯ハスニハ鉛筆等ノ細キ痕跡又ハ點ノ續キタルモノヲ以テシ線ノ位置ハ



其正中ニ在ルモノトス之ヲ呼ブニハ其傍ニ記シタル文字ヲ以テシ或ハ線上ニ點

ノ名ヲ以テス例ヘバ線 A 又ハ線 CD ト云フガ如シ

7. **直線、曲線** 一條ノ絲ヲ取リテ之ヲ緊張スル時ハ絲ハ眞直ナル形ヲナス此ノ如キ形ノ線ヲ**直線**ト云フ尙精密ニ之ヲ言ヘバ直線トハ始終其方向ヲ變ゼザル所ノ線ナリ前條ニ於ケル線 A ノ如シ之ニ反シテ始終其方向ヲ變ズル所ノ線ヲ**曲線**ト云フ前條ニ於ケル線 B ノ如キ是ナリ

8. **平面、曲面** 鏡面上ニ定規ノ如キ其縁ノ直線ナルモノヲ置ク時ハ其何レノ位置ニアルヲ問ハズ定規ノ縁ハ毎ニ面上ニ密着シテ少シモ間隙ヲ生ズルコトナシ斯ノ如キ面ヲ**平面**ト云フ換言スレバ平面トハ其上ニ隨意ニ直線ヲ引キ得ベキ面ナリ之ニ反シテ隨意ニ直線ヲ引キ得ベカラザル面ヲ**曲面**ト云フ彈丸

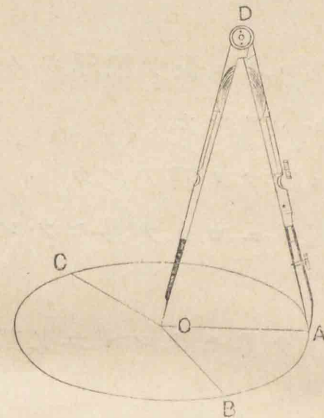
ノ面ノ如キ是ナリ

9. 直線ヲ畫ク法 幾何學ニ於テ謂フ所ノ直線ハ到底吾々ノ畫キ得ベキモノニアラズ然レドモ通常吾々ノ用フル定規ノ縁ハ直線ナリト假定シ之ニ沿ヒテ畫キタル線ハ直線ナリト假定ス故ニ吾々ハ定規ヲ用ヒテ毎ニ直線ヲ引キ得ルモノトス今紙面上ニ定規ヲ置キ其縁ヲシテ任意ノ二點ヲ過ギラシメ此縁ニ沿ヒテ線ヲ畫ケバ則チ此二點ヲ過ギル所ノ直線ヲ得是ニヨリテ吾々ハ任意ノ二點ヲ過ギリテ直線ヲ引クコトヲ得ルモノトス

二點 A, B ノ間ニ直線ヲ引クコトヲ稱シテ A, B ナ結ビ付クルト云フ

10. 圓周ヲ畫ク法 曲線ノ種類ハ限リナシト雖モ此書ニ論ズルハ其中唯一種ニ過ギズ今茲ニ兩脚規ト稱スル器具

ヲ用ヒテ其畫キ方ヲ示サントス
兩脚規ノ兩脚ヲ任意ニ開キ其一端ヲ紙



面上ノ一點 O ニ据エ兩脚ノ開キヲ變ズルコトヲク DA ナ DO ノ周リニ回轉シテ一周セシムル時ハ他ノ一端 A ハ

紙面上ニ ABC ノ如キ曲線ヲ畫クベシ此回轉中兩脚端ノ距離ハ始終變ゼザルガ故ニ O 點ヨリ此曲線上ノ總テノ點ニ至ル距離ハ相等シ

斯ノ如キ曲線ヲ圓周ト云ヒ O 點ヲ其中心ト云ヒ OA, OB ノ如ク中心ヨリ圓周上ノ一點ニ至ル直線ヲ其半徑ト云ヒ AB, BC ノ如キ圓周ノ一部分ヲ弧ト云フ圓周ヲ以テ圓ミタル平面ノ一部分ヲ

ト稱ス

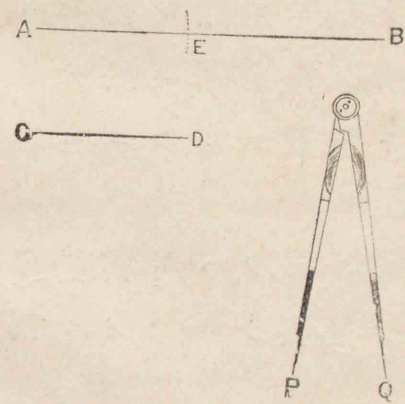
問題

1. 物體ノ大サヲ言ヒ表ハスニ長サ幅厚サノ外ニ如何ナル言葉ヲ用フルコトアルカ
2. 箱ノ如キ形ノ立體ニ幾ツノ面アルカ
3. 一ツノ曲面ト一ツノ平面トニヨリテ界セラレタル立體ノ例ヲ擧ゲヨ
4. 白墨ハ幾ツノ面ヲ以テ界セラル、カ又其面ハ如何ナル表面ナルカ
5. 圓キ柱ノ面ニ直線ヲ引キ得ルカ又如何様ニ引クトモ常ニ直線ナルコトヲ得ルカ
6. 紙面上ニアル四ツノ點ヲ二ツツ結ビ付クル時ハ幾ツノ直線ヲ得ルカ又此等ノ直線ハ幾ツノ點ニ於テ交ハルカ

第二編 直線

11. 直線ノ長サ 直線ハ其兩端ニ於テ如何程ニテモ延長シ得ルモノナリ故ニ其長サニ限リナシ特ニ長サニ限リアルモノハ之ヲ有限直線ト云フ有限直線ヲ其ノ一端ニ於テ引キ延バシタル部分ヲ其延長ト稱ス

12. 一ツノ直線 AB ヨリ他ノ直線 CD ニ等シキ部分ヲ切り取ルコト



兩脚規ノ兩脚ヲ開キ其兩端 P, Q ノ距離ヲ CD ニ等シクシ此距離ヲ半徑トシ A ヲ中心トシテ弧ヲ書キ E ニ於テ AB ト交ハラシムレバ AE ハ求ムル所ノ部分ナリ何ト

ナレバ CD, AE ハ各同一ノ距離 PQ ニ等シキヲ以

テ又互ニ相等シケレバナリ

同一ノ直線ニ等シキ二ノ直線ガ互ニ相等シキコトハ吾々日常ノ經驗ニヨリテ既ニ知ル所ニシテ證明ヲ要セズシテ自ラ明カナル眞理ナリ此ノ如キ眞理ヲ公理ト稱ス而シテ此公理ハ獨リ直線ノ長サニ適用シ得ルノミナラズ廣ク一般ノ量ニ適用シ得ルガ故ニ之ヲ次ノ如ク述ブルコトヲ得

同一ノ量に等しき量は相等し

斯ノ如ク廣ク一般ノ量ニ適用シ得ベキ公理ハ後ニ掲グル所ノ幾何學ニ於テノミ用フル所ノ公理ト區別スルタメニ之ヲ普通公理ト名ク

普通公理ハ上ニ掲グルモノ、外尙數多アリ今幾何學ニ於テ必要ナルモノヲ掲グレバ次ノ如シ

普通公理

- (甲) 同じ量に等しき量は相等し
- (乙) 相等しき量に相等しき量を加ふれば其和相等し
- (丙) 相等しき量より相等しき量を減ずれば其差相等し
- (丁) 全量は其部分より大なり
- (戊) 全量は其總ての部分の和に等し
- (己) 相等しき量の等倍は相等し
- (庚) 相等しき量の等分は相等し
- (辛) 相等しからざる量に相等しき量を加ふれば其和相等しからず大量に加へたる和他より大なり
- (壬) 相等しからざる量より相等しき量を減ずれば其差相等しからず大量より減じたる差他より大なり

13. 二點間ノ直線 二點間ニ緊張シタル數條ノ絲ガ合シテ一條トナルガ如

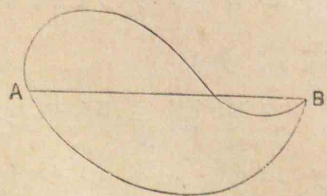
ク二點間ニ幾ツノ直線ヲ引クトモ皆合シテ一ノ直線トナルコトハ證明ヲ要セズシテ自ラ明カナル眞理ナリ故ニ亦公理ノ一ナリ而シテ此公理ハ幾何學ニ於テ特ニ直線ニ限リテ適用スベキモノナルヲ以テ之ヲ幾何學公理ト稱ス即チ

公理 I. 二點間に唯一ノ直線を引くことを得

此公理ニヨリテ一ノ直線ノ一部分ガ他ノ直線ノ一部分ニ重ナル時ハ二ノ直線ハ同一ノ直線トナルコトヲ知り得ベシ

又一點ニ於テ交ハル二ノ直線ハ再ビ他ノ點ニ於テ交ハラザルコトモ知り得ベシ

14. 二點間ノ距離 二點 A, B ノ間ニハ種々ナル線ヲ幾ツニテモ引キ得レドモ其中最モ短キモノハ直線ナルコト明カニシテ亦公理ノ一ナリ即チ



公理 II. 直線ハ二點間ノ最短距離なり

二點間ニ引キタル直線ノ長サヲ其二點間ノ距離ト云フ

15. 直線ノ比較 二ノ直線 AB, CD ノ長サハ兩脚規ノ媒介ニヨリテ間接ニ比較シ得レドモ又之ヲ重ネ合セテ直接ニ比較スルコトヲ得其方法ハ直線ノ一例ヘバ AB ヲ取りテ之ヲ CD ノ上ニ置キ A 點ヲ C 點ノ上ニ重ナル様ニス然ル時 B 點ガ D 點ノ上ニ落ツルトキハ AB ハ CD ニ等シ之ヲ

$$AB = CD$$

ト書シ B 點ガ C ト D トノ間ニ落ツル時ハ AB ハ CD ヲヨリ小ナリ之ヲ

$$AB < CD$$

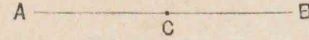
ト書シ B 點ガ CD ノ延長ノ上ニ落ツル

時ハ AB ハ CD ヨリ大ナリ之ヲ

$$AB > CD$$

ト書ス

又 AC, CB ノ如キ一直線上ノ二ツノ部分ヲ

比較スルニハ C 點ニ

 於テ之ヲ折り返ヘシ

其一ツヲ他ノ上ニ折リ重ヌルコトアリ

斯ノ如ク幾何學ニ於テハ直線ニ限ラズ

一ツノ圖形ノ形ト大サトヲ變ズルコトナ

ク其位置ヲ變ジ或ハ其一部分ヲ他ノ部

分ノ上ニ折リ重ヌルコトヲ得ルモノト

假定ス

而シテ斯ク重ネタル二ツノ圖形ガ全ク合

スル時ハ其大サ相等シキコトハ亦自ラ

明ナル眞理ナリ故ニ又次ノ公理アリ

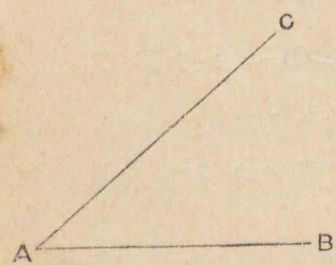
公理 III. 全く重なり合ふ圖形ノ大さは相等し

問題

1. 同ジ年齢ノ人ハ若干年前モ矢張り同ジ年齢ナリシトハ普通公理ノ何レニ當ルカ
2. A, B, C ヲ三ツノ直線トシ $A > B$ ニシテ $B > C$ ナル時ハ A ト C トハ何レカ大ナルカ
3. A, B, C ヲ三ツノ量トシ $A > B$ ニシテ $B < C$ ナル時ハ A ト C トハ何レカ大ナルカ (A ト C トハ 77333)
4. 相等シカラザル量ニ相等シカラザル量ヲ加フル時ハ其和何レカ大ナルカ
5. 相等シキ量ヨリ相等シカラザル量ヲ減ズル時ハ其差何レカ大ナルカ
6. 定規ノ縁ガ直線ナリヤ否ヤヲ試ムルニハ如何スベキカ
7. 一直線上ニアラザル三ツノ點ノ二ツツヲ過ギル三ツノ直線ハ其ノ三ツノ點ノ外ニ交バルコトヲシ其理由如何

第三編 角

16. 平面角 時計ノ兩針ノ如ク一點ニ於テ出會フ所ノ二ノ直線ハ其間ニ平



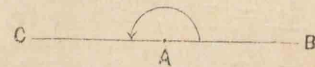
面角又ハ單ニ角ヲ作ルト云フ而シテ其二ノ直線ヲ角ノ邊ト云ヒ邊ノ出會フ點ヲ角ノ頂點ト云フ

角ヲ呼ブニハ其頂點ノ一文字ヲ以テシ或ハ之ニ兩邊ノ文字ヲ加フ例ヘバ角 A 又ハ角 BAC ト云フガ如シ角ト云フ代リニ \angle ノ如キ記號ヲ用フルコトアリ例ヘバ角 BAC ヲ $\angle BAC$ ト記スガ如シ

17. 角ノ大サ 前條ノ圖ニ於テ初メ邊 AC ガ邊 AB ノ上ニ重ナリ之ヨリ同ジ平面上ニ於テ A ナ中心トシ其周リヲ回轉シテ AC ノ位置ニ來リタルモノト考フル時ハ其回轉ノ分量ハ即チ角ノ大

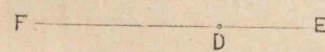
サナリ故ニ角ノ大サハ其邊ノ大小ニ關セズ唯其回轉ノ多少ニヨルモノナリ

18. 平角 前條ノ如ク AC ガ回轉シテ AB ノ反對ノ側ニ於テ丁度之ト一直線ヲナス位置ニ來タル時ハ其角ヲ平角ト



云フ即チ平角トハ其兩邊ガ頂點ノ兩側ニ於テ一直線ヲナス角ナリ

次ニ角 EDF ヲ他ノ一ノ平角トスレバ EDF ハ一直線ヲナス故ニ第十五條ニヨリ EDF ヲ取リテ BAC



ノ上ニ置キ D 點ヲ A 點ノ上ニ、DE ヲ AB ノ上ニ重

ヌル時ハ公理 I ニヨリ DF ハ AC ノ上ニ重ナリ二ノ角ハ全く合ス故ニ公理 III ニヨリ其大サ相等シ同様ノ方法ニヨリテ幾ツノ平角アルトモ皆其大サ相等シキコトヲ證明スルヲ得故ニ吾々ハ

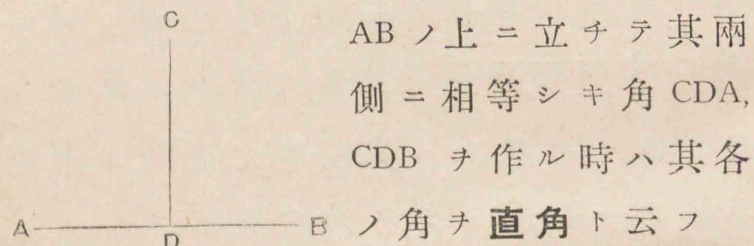
總ての平角は相等し

ト云フ一ノ新ラシキ真理ヲ知り得タリ此新ラシキ真理ハ吾々が既ニ知ル所ノ真理ニ基キテ推知シタルモノナリ

斯ノ如ク既ニ知ル所ノ眞理ニ基キテ證明スル眞理ヲ**定理**ト稱ス故ニ

定理 1. 總ての平角は相等シ

19. 直角 一ノ直線 CD ガ他ノ直線



AB ノ上ニ立チテ其兩側ニ相等シキ角 CDA, CDB ナ作ル時ハ其各

ノ角ヲ**直角**ト云フ
ADB ハ一直線ナルヲ以テ DA, DB ノナス角ハ平角ナリ故ニ直角ハ平角ノ二分ノ一ニシテ平角ハ二直角ナリ今總テノ平角ハ相等シキガ故ニ普通公理庚ニヨリ其二分ノ一ナル直角モ亦相等シ是ニヨリテ又次ノ新ラシキ定理ヲ得タリ

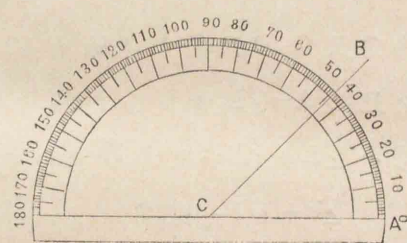
定理 2. 總ての直角は相等シ

直角ヨリ小ナル角ヲ**鋭角**ト云ヒ直角ヨリ大ニシテ二直角ヨリ小ナル角ヲ**鈍角**ト云フ

20. 角ノ單位 角ヲ計ルニハ通常直角ノ九十分ノ一ヲ單位トシ之ヲ**度**ト

稱ス度ヨリ小ナル單位ニハ**分**及**秒**アリ一分ハ一度ノ六十分ノ一、一秒ハ一分ノ六十分ノ一ナリ度分秒ヲ表ハスニ $^{\circ}$ 、 $'$ 、 $''$ ノ如キ記號ヲ用フ例ヘバ五十三度四十分十九秒ヲ $53^{\circ}40'19''$ ト記スガ如シ

21. 分度器 分度器ハ與ヘラレタル



角ノ大サヲ測リ又ハ要スル大サノ角ヲ作ルニ用フル器械ナリ圖ニ示スガ如ク眞

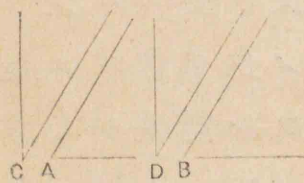
鍬等ヲ以テ作りタル薄キ半圓板ニシテ其縁ニ刻シタル目盛ハ角ノ度数ヲ示ス今與ヘラレタル角ヲ測ラント欲セバ分度器ノ中心Cヲ其角ノ頂點ノ上ニ重ネ CA ヲ其一邊ニ重ヌベシ然ル時ハ他ノ一邊ノ當レル目盛りハ其角ノ度数ヲ示スベシ

又要スル度数ノ角ヲ紙面上ニ作ラント欲セバ頂點トスベキ點ニ分度器ノ中心Cヲ置キ零度ト要スル

度数トヲ示ス目盛、ノ所ニ各一點ヲ記シ然ル後分度器ヲ去リC點ヨリ其二點ヲ過ギル直線ヲ引クベシ然ル時ハ其二線ノ間ノ角ハ求ムル所ノ角ナリ

22. 餘角補角 二ノ角ヲ合セテ其和ガ直角ニ等シキ時ハ其一ヲ他ノ餘角ト云ヒ其和ガ二直角ニ等シキ時ハ其一ヲ他ノ補角ト云フ

圖ニ於テ角Cヲ角Aノ餘角又角Dヲ角Bノ餘角ト



シ且 $\angle A = \angle B$ ナリトス然ル

時ハ $\angle A + \angle C = \text{直角}$

$\angle B + \angle D = \text{直角}$

故ニ $\angle A + \angle C = \angle B + \angle D$

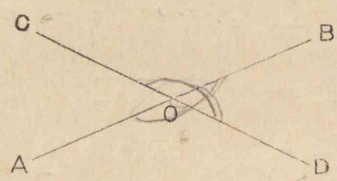
然ルニ $\angle A = \angle B$ 故ニ普通公理丙ニヨリ $\angle C = \angle D$ 是ニヨリテ

定理 3. 相等しき角の餘角は相等し之ト同ジ方法ニヨリテ次ノ定理ヲ證明スルヲ得

定理 4. 相等しき角の補角は相等し

23. 對頂角 二ノ直線ガ一點ニ於テ交ハル時ハ其向ヒ合ヒノ角ヲ對頂角ト稱ス例ヘバ圖ニ於テ角COA及角BOD

又ハ角COB及角AODノ如シ



AOBハ一直線ナルヲ以テ

OA, OBノ夾ム角ハ平角

即チ二直角ナリ同様ニ

OC, ODノ夾ム角モ二直

角ナリ故ニ此二ノ角ハ相等シ今此相等シキ二ノ角

ノ各ヨリ角COBヲ減ゼヨ然ル時ハ普通公理丙ニヨリ残りノ角COA, BODハ相等シ

同様ニ角COBハ角AODニ等シ是ニヨリテ

定理 5. 二ノ直線が交はる時は對頂角は相等し

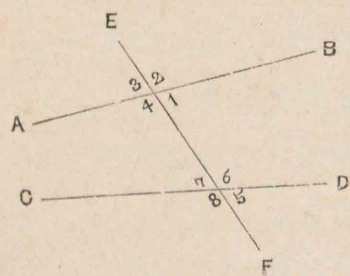
24. 前條ニ於テ一ノ角ガ直角ナル時ハ他ノ三ノ角モ各直角ニシテ二ノ直線ハ直角ニ交ハル

斯ノ如ク二ノ直線ガ直角ニ交ハル時ハ其一ヲ他ノ垂線ト稱シ其交點ヲ垂線ノ足ト稱ス又二ノ直線ヲ互ニ垂直ナリト云フ

O點ニ於ケルガ如ク一點ノ周リニハ毎ニ四ノ直角

ヲ作ルコトヲ得故ニ一點ノ周リノ角ハ四直角ナリ

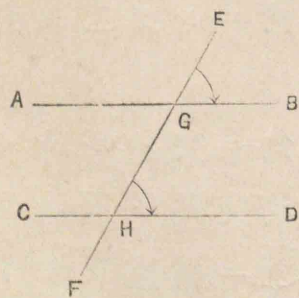
25. 錯角, 同位角 一ノ直線 EF ガ二ノ直線 AB, CD ニ交ハル時ハ二ノ交



點ニ於テ八ノ角ヲナス其中1ト7ト又ハ4ト6トヲ各錯角ト名ケ2ト6ト又ハ1ト5ト又ハ3ト

7ト又ハ4ト8トヲ各同位角ト名ク即チ錯角ニハ二雙アリ同位角ニ四雙アリ

26. 平行線



一ノ直線 EF ガ二ノ直線 AB, CD ニ交ハリ一雙ノ同角位 EGB, GHD ヲ相等シトス然ル時ハ直線 AB ガ EF ヨリ回轉シタル分量ハ直線 CD ガ EF ヨリ回轉シタル分量ニ等シ故ニ AB, CD ハ

同一ノ方向ニアリ從ヒテ角ヲ作ルコト能ハズ即チ此二ノ直線ハ其兩端ニ於テ如何程延長スルトモ出

會フコト能ハズ

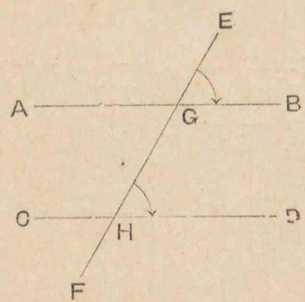
斯ノ如ク同一ノ平面上ニアル二ノ直線ガ其兩端ニ於テ如何程延長スルトモ出會ハザル時ハ互ニ平行ナリト云フ是ニヨリテ次ノ定理ヲ得タリ

定理 6. 一ノ直線が他の二ノ直線に交はり其一雙の同位角相等しき時ハ二ノ直線は平行なり

同位角ノ代リニ一雙ノ錯角 AGH, GHD ヲ相等シトスレバ角 AGH ハ其對頂角 EGB ニ等シキヲ以テ同位角 EGB, GHD ハ相等シ故ニ AB, CD ハ平行ナリ是ニヨリテ

定理 7. 一ノ直線が他の二ノ直線に交はり其一雙の錯角相等しき時は二ノ直線は平行なり

27. AB, CD ヲ平行ナル直線トシ之ニ EF ガ交ハリタルモノトスレバ AB, CD ハ平行ナルヲ以テ同一ノ直線 EF ヨリ回轉シタル分量相等シ故ニ同位角 EGB, GHD ハ相等シ又角 EGA ハ角 EGB ノ補角



ニシテ角 GHC ハ角 GHD
ノ補角ナリ而シテ角 EGB
ハ角 GHD ニ等シ故ニ定
理 4 ニヨリテ角 EGA 、
 GHC ハ相等シ同様ニ他ノ
同位角モ亦相等シ

又角 EGB ハ其對頂角 AGH ニ等シ而シテ角 EGB ハ
角 GHD ニ等シ故ニ普通公理甲ニヨリ角 AGH 、 GHD
ハ相等シ同様ニ他ノ錯角 BGH 、 GHC モ亦相等シ是
ニヨリテ

定理 8. 一ノ直線が二ノ平行なる直
線に交はる時は四雙の同位角各相等し
く二雙の錯角各相等し

此定理ニヨリテ二ノ平行ナル直線ノ一ニ垂直ナル
直線ハ他ノ一ニモ垂直ナリ

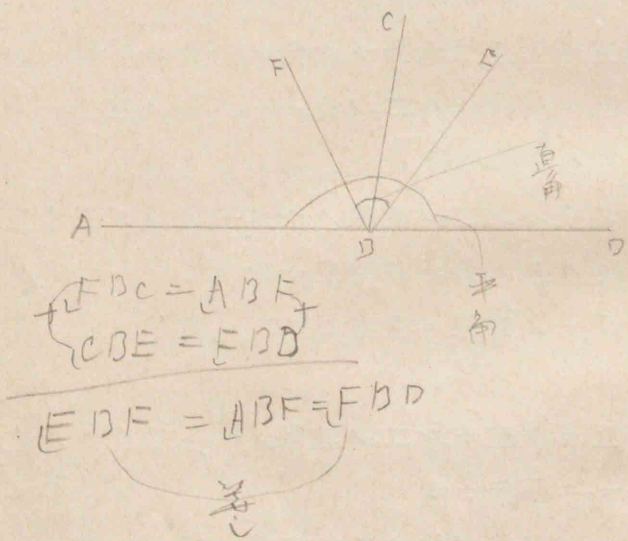
斯ノ如ク二ノ平行ナル直線ノ各ニ垂直
ナル直線ノ二線間ニアル部分ヲ其平行
線ノ距離ト云フ

問題

1. 直角ヲ十五等分シタル一ノ角ハ何度ナルカ
2. 二十四度ノ角ハ平角ノ幾分ノ幾ツナルカ
3. 一點ノ周リニ五ノ相等シキ角ヲ作ラバ其各
ノ角ハ何度ナルカ $360 \div 5 = 72$
4. 三十六度二十分ナル角ノ餘角ハ何度ナルカ
5. 互ニ補角ナル二ノ角ノ一ガ他ノ三倍ナル時
ハ各ノ角ノ度数如何
6. 相交ハル二ノ直線ノナス一ノ角ガ三十度ナ
ル時ハ他ノ三ノ角ハ各何度ナルカ
7. 同一ノ直線ニ垂直ナル二ノ直線ハ互ニ平行
ナリ
8. 互ニ垂直ナル二ノ直線ノ一ニ垂直ナル直線
ハ他ノ一ニモ平行ナリ
9. 一ノ直線ガ他ノ二ノ直線ニ交ハリ其ナス所
ノ一雙ノ錯角相等シキ時ハ他ノ一雙ノ錯角及四雙
ノ同位角相等シ
10. 平行ナル二ノ直線ニ他ノ平行ナル二ノ直線
ガ交ハル時ハ八ノ相等シキ角二組ヲ生ズ
11. 同一ノ直線ニ垂直ナル直線ト斜ナル直線ト

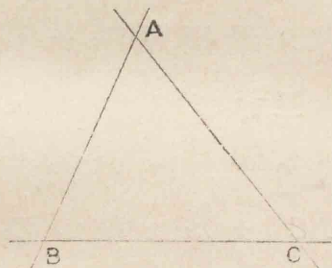
ハ平行ナラズ 同位角等ニカサレバ 平行ナラズ

12. 一ノ直線ガ他ノ一ノ直線ノ上ニ立チテナス所ノ其兩側ノ角ヲ二等分スルニツノ直線ハ互ニ垂直ナリ



第四編 三角形

28. 三角形 二ツツ相交ハル三ノ直線ヲ以テ圍ミタル平面ノ一部分ヲ三角形ト云フ ABC ノ如シ之ヲ $\triangle ABC$ ト記ス



三ノ交點 A, B, C ヲ三角形ノ頂點ト云ヒ頂點ノ間ノ直線 AB, BC, CA ヲ各其邊ト云ヒ二邊ノ間ノ角ヲ三角形ノ内角又ハ單ニ角ト云ヒ一邊ト他ノ邊ノ

延長トノナス角ヲ外角ト云ヒ外角ニ隣ラザルニノ内角ヲ其内對角ト云フ

三角形ノ何レノ邊ニテモ之ヲ底邊ト稱スルコトヲ得而シテ底邊ニ對スル角ヲ頂角ト云ヒ頂角ノ頂點ヨリ底邊或ハ其延長ノ上ニ引キタル垂線ノ長サヲ三角形ノ高サト云フ

三邊ノ長サ相等シキ三角形ヲ正三角形

ト云ヒ二邊ノ長サ相等シキ三角形ヲ二等邊三角形ト云ヒ三邊ノ長サ何レモ相等シカラザル三角形ヲ不等邊三角形ト云フ

二等邊三角形ニアリテハ特ニ相等シカラザル一邊ヲ底邊ト云ヒ之ニ對スル角ヲ頂角ト云フ

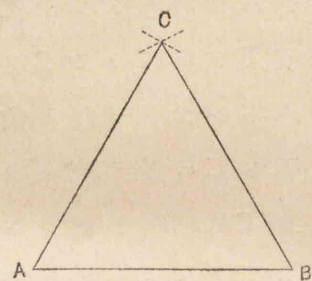
29. 直線ハ二點間ノ最短距離ナルヲ以テ三角形ノ何レノ二邊ヲ加フルモ其和ハ他ノ一邊ヨリ大ナリ例ヘバ前條ノ圖ニ於テ $AB + BC > AC$ ナルガ如シ是ニヨリテ

定理 9. 三角形の二邊の和は他の一邊より大なり
次ニ相等シカラザル量 $AB + BC > AC$ ノ雙方ヨリ AB ヲ減ゼヨ然レ時ハ普通公理壬ニヨリ $BC > AC - AB$ ナリ是ニヨリテ

定理 10. 三角形の二邊の差は他の一邊より小なり

30. 正三角形ヲ作ルコト

與ヘラレタル一ノ直線 AB ヲ一邊トシテ正三角形

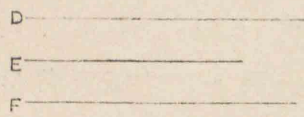


ヲ作ランニハ兩脚規ニヨリ AB ヲ半徑トシ A ヲ中心トシテ弧ヲ畫キ次ニ B ヲ中心トシ同シ半徑ニテ弧ヲ畫キ前ノ弧ト一點 C ニ於テ交ハラシメ定規ニヨリ直線 CA ,

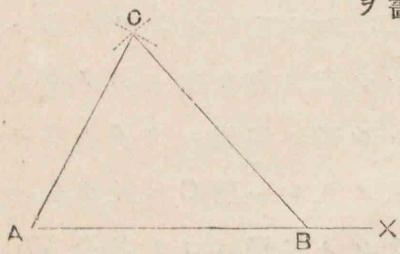
CB ヲ引ク時ハ ABC ハ求ムル所ノ正三角形ナリ何トナレバ此三角形ハ三邊各與ヘラレタル直線 AB ニ等シケレバナリ

第一編ニ於テ既ニ述ベタルガ如ク吾々ハ定規ニヨリテ直線ヲ作り兩脚規ニヨリテ圓ヲ作り得ルモノト假定セリ今此二種ノ器具ノミニヨリテ要スル所ノ圖形ヲ畫ク方法ヲ論ズル問題ヲ作圖題ト稱ス

31. 三ノ邊 D, E, F ナ與ヘテ三角形ヲ作ルコト

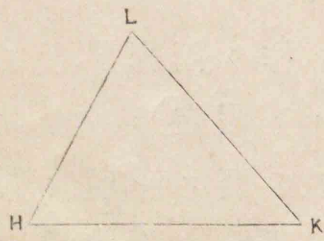


任意ノ直線 AX ヲ引キ D ニ等シク AB ヲ切り次ニ E ヲ半徑トシ A ヲ中心トシテ弧ヲ書キ又 F ヲ半徑トシ B ヲ中心トシテ弧ヲ書キ前ノ弧ト C ニ於テ交ハラシメ CA, CB ヲ引クトキハ ABC ハ求ムル所ノ三角形ナリ



何トナレバ此三角形ノ三邊ハ夫々 D, E, F ニ等シケレバナリ

次ニ之ト同ジ方法ニヨリテ三角形 HKL ヲ作ラバ

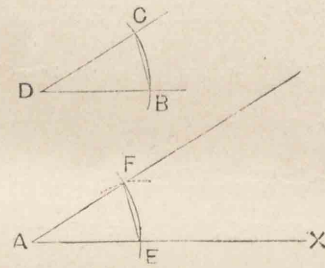


此三角形ハ三角形 ABC ノ上ニ全ク重ナリ合フベシ此證明ハ後ニ至リテナスコト、シ茲ニハ唯其定理ノミヲ掲グベシ

定理 11. 一ノ三角形ノ三邊が夫々他

ノ三角形ノ三邊に等しき時は兩三角形は全く等しく相等しき邊に對する角は相等し

32. 與ヘテラタル角 D ニ等シキ角ヲ作ルコト



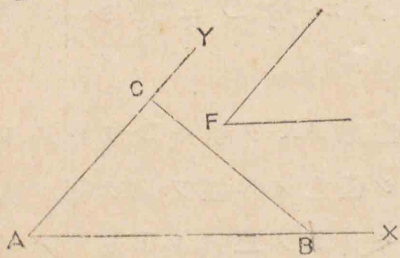
直線 AX ヲ引キ D ヲ中心トシ任意ノ半徑ヲ以テ弧ヲ書キ角 D ノ二邊ト B 及 C ニ於テ交ハラシメ又 A ヲ中心トシ同ジ半徑ヲ以テ弧ヲ書キ AX ト E ニ於テ交ハラシメ

次ニ E ヲ中心トシ B, C ノ距離ヲ半徑トシテ弧ヲ書キ前ノ弧ト F ニ於テ交ハラシメ直線 AF ヲ引ケバ角 FAE ハ求ムル所ノ角ナリ

如何トナレバ BC, EF ヲ結び付クレバ二ノ三角形 BDC, EAF ハ夫々三邊相等シキヲ以テ全ク等シク相等シキ邊 BC, EF ニ對スル角 BDC, EAF ハ相等シケレバナリ

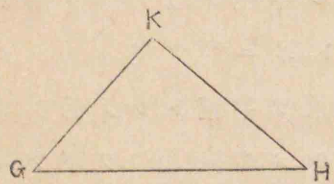
33. 二邊 D, E 及此二邊ノ夾ム角 F ナ與ヘテ三角形ヲ作ルコト

任意ノ直線 AX ヲ引キ Dニ等シク AB ヲ切り又 Fニ等シキ角 XAY ヲ作り AY ヲ引キ其上ニ Eニ等シク AC ヲ切り BC ヲ結ビ付クレバ ABC ハ



求ムル所ノ三角形ナリ何トナレバ此三角形ニ於テ $AB=D, AC=E$ ニシテ $\angle A = \angle F$ ナレバナリ

次ニ前ト同ジ方法ニヨリテ三作形 GHK ヲ作レバ



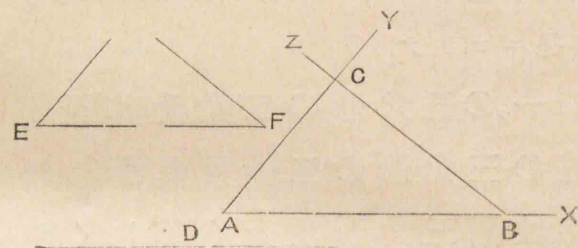
此三角形ハ前ノ三角形ニ全ク等シカルベシ今三角形 GHK, ABC ニ於テ $\angle G = \angle A$ ナルヲ以テ此

二ノ角ヲ重ネ GH ヲ AB ノ上ニ GK ヲ AC ノ上ニ合セシムルコトヲ得然ル時ハ $GH=AB$ ナルヲ以テ H ハ B ノ上ニ重ナル同様ニ K ハ C ノ上ニ重ナル從ヒテ HK ハ BC ノ上ニ重ナリ二ノ三角形ハ全ク重ナリ合フ故ニ其大サ相等シク且ツ $\angle H = \angle B, \angle K = \angle C, HK=BC$ 是ニ由リテ

定理 12. 一ノ三角形ノ二邊及夾角が

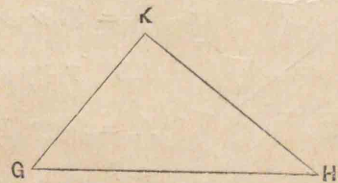
夫々他の三角形ノ二邊及夾角に等しき時は兩三角形は全く等しく相等しき角は夫々相等しき邊に對す

34. 二角 E, F ト其間ノ邊 D トナ與ヘテ三角形ヲ作ルコト



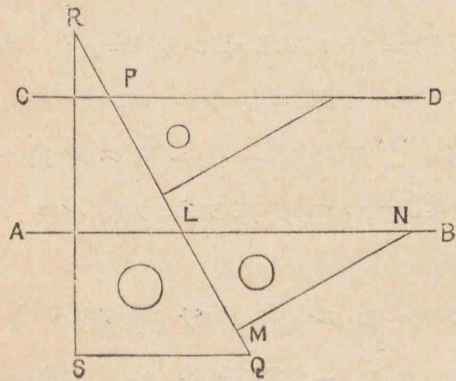
任意ノ直線 AX ヲ引キ Dニ等シク AB ヲ切り Aニ於テ E

ニ等シキ角 BAY ヲ作りテ AY ヲ引キ又 Bニ於テ Fニ等シキ角 ABZ ヲ作りテ BZ ヲ引キ AY ト Cニ於テ交ハラシムル時ハ ABC ハ求ムル所ノ三角形ナリ何トナレバ此三角形ニ於テ $AB=D, \angle A = \angle E, \angle B = \angle F$ ナレバナリ



前ト同ジ方法ニヨリテ他ノ三角形 GHK ヲ作レバ此三角形ハ三角形 ABC ト全ク等シカルベシ何トナレバ三角形 GHKヲ

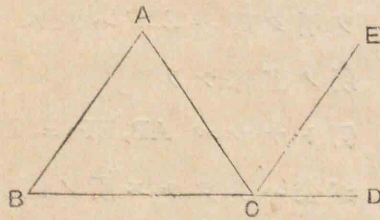
LM = 密着セシメ初メノ定規ヲ後ノ定規ニ沿ヒテ動



カシ P 點ヲ邊 LN
ノ上ニ來ラシメ而
ル後此邊ニ沿ヒテ
直線 CD ヲ引クベ
シ然ル時ハ AB, CD
ガ RQ トナス一雙
ノ同位角ハ初メノ
定規ノ L = 於テノ

角ナルヲ以テ相等シ故ニ AB, CD ハ平行ナリ

37. 三角形 ABC ノ一邊 BC ヲ延長シ頂點 C
ヨリ之ニ對スル邊 BA = 平行ニ直線 CE ヲ引ク時ハ



同位角 ECD, ABC ハ相等
シク又錯角 ACE, BAC
ハ相等シ故ニ三ツノ角
ACB, ACE, ECD ノ和ハ
三角形ノ三ツノ内角ノ和

ニ等シ然ルニ此三ツノ角ノ和ハ CD, CB ノ夾ム角ニ
シテ二直角ナリ故ニ三角形ノ三ツノ内角ノ和ハ二直
角ニ等シ是ニヨリテ

定理 14. 三角形の内角の和は二直角

に等し

上ノ證明ニヨリ外角 ACD ハ二ツノ内對角 BAC, ABC
ノ和ニ等シ是ニヨリテ

定理 15. 三角形の外角は二ツの内對角
の和に等し

故ニ又三角形ノ外角ハ内對角ノ何レヨリモ大ナリ

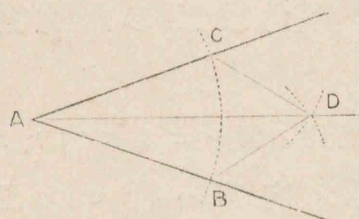
38. 三角形ノ三ツノ内角ハ合セテ二
直角ニ等シキヲ以テ三ツノ内角ノ中二ツハ
必ズ銳角ナラザルベカラズ而シテ残り
ノ一ツノ角ハ銳角ナルカ或ハ直角ナルカ
或ハ鈍角ナルカ何レカ其一ナリ是ニヨ
リテ三角形ニ次ノ名稱アリ

三角形ノ三ツノ角ガ何レモ銳角ナル時ハ
之ヲ**銳角三角形**ト云ヒ一ツノ角ガ直角ナ
ル時ハ之ヲ**直角三角形**ト云ヒ一ツノ角ガ
鈍角ナル時ハ之ヲ**鈍角三角形**ト云フ
直角三角形ニ於テハ直角ニ對スル邊ヲ
斜邊ト名ク

39. 與ヘラレタル角 A ヲ二等分ス

ルコト

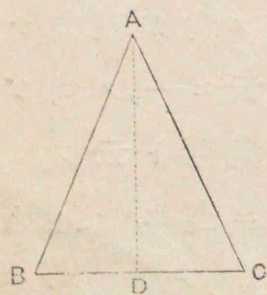
頂點 A ヲ中心トシ任意ノ半徑ヲ以テ弧ヲ畫キニッノ邊ト B 及 C ニ於テ交ハラシメ次ニ此二點ノ各ヲ中



心トシ相等シキ任意ノ半徑ヲ以テ弧ヲ畫キ D ニ於テ交ハラシメ AD ヲ結ビ付クル時ハ AD ハ求ムル所ノ二等分線ナリ

BD, CD ヲ結ビ付クル時ハニッノ三角形 ABD, ACD ハ三邊相等シキヲ以テ全ク等シク相等シキ邊 BD, CD ニ對スル角 BAD, CAD ハ相等シ故ニ AD ハ角 A ノ二等分線ナリ

40. ABC ヲ二等邊三角形トシ邊 AB ハ邊 AC ニ等シトスレバ $\angle B = \angle C$ ナルベシ



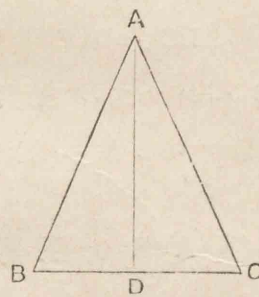
角 BAC ノ二等分線 AD ヲ引キ BC ト D ニ於テ交ハラシムレバニッノ三角形 ABD, ACD ハ二邊及夾角相等シキヲ以テ全ク等シク相等シキ邊 AD ニ對スル角 B 及 C ハ相等シ是ニヨリテ

定理 16. 二等邊三角形に於て等邊に對する角は相等し

三角形 ABD, ACD ハ全ク相等シキヲ以テ $BD = CD$ 及 $\angle ADB = \angle ADC$ ニシテ此ニッノ角ハ各直角ナリ即チ二等邊三角形ノ頂角ヲ二等分スル直線ハ底邊ヲ直角ニ二等分ス
又前ノ三角形ニ於テ $AB = AC$ ナル上ニ $BC = AC$ ナル時ハ角 BAC ハ角 ABC ニ等シ故ニ

定理 17. 正三角形の三の角は相等し

41. 三角形 ABC ニ於テ角 B ハ角 C ニ等シト



スレバ $AC = AB$ ナルベシ

前ノ如ク角 BAC ノ二等分線 AD ヲ引ク時ハニッノ三角形 ABD, ACD ニ於テ $\angle B = \angle C$, $\angle BAD = \angle CAD$ ナリ然ルニ三角形ノ内角ノ和ハ二直角ナルガ故ニ残りノ角 ADB

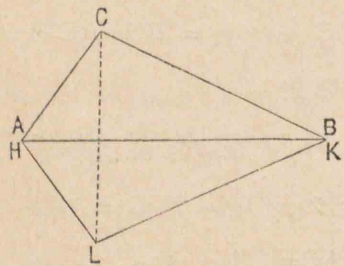
ADC ハ相等シ故ニ此兩三角形ハ二角及其間ノ邊ガ等シキガ故ニ全ク等シク $AB = AC$ ナリ由リテ

定理 18. 三角形の二角相等しき時は相等しき角に對する邊は相等し

次ニ此三角形ニ於テ $\angle B = \angle C$ ナル上ニ $\angle A = \angle C$ ナル時ハ $BC = AB$ ナリ故ニ

定理 19. 三角形の三つの角相等しき時は此三角形は正三角形なり

42. 第三十一條ノ三角形 HKL ノ邊 HK ヲ ABC ノ邊 BC ノ上ニ重ネ頂點 L , C ヲ AB ノ反對ノ



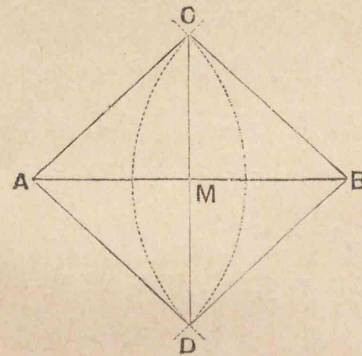
側ニ落ツル様ニシ CL ヲ結ビ付クレバ $\triangle ALC$ ニ於テ $AC = AL$ ナルガ故ニ $\angle ALC = \angle ACL$ 同様ニ $\angle BLC = \angle BCL$ 故ニ $\angle ALC + \angle BLC$

$= \angle ACL + \angle BCL$ 即チ $\angle ALB = \angle ACB$ ニシテ二ツノ三角形 HKL, ABC ハ二邊及其夾角相等シキガ故ニ全ク等シ

43. 與ヘラレタル直線 AB ナ二等分スルコト

A 及 B ヲ中心トシ AB ノ半分ヨリ大ナル任意ノ半徑ヲ以テ弧ヲ畫キ二點 C, D ニ於テ交ハラシメ CD ヲ結ビ付ケ AB ト M ニ於テ交ハラシムレバ M ハ求ムル所ノ二等分點ナリ

何トナレバ二ツノ三角形 ADC, BDC ヲ作レバ此兩三角形ハ夫々三邊相等シキヲ以テ全ク等シ故ニ CD

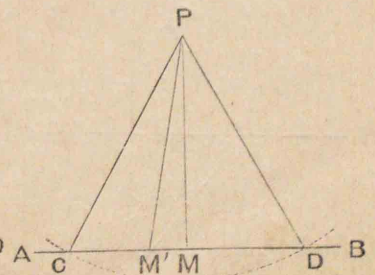


ヲ折リ目トシ三角形 ADC ヲ三角形 BDC ノ上ニ折リ重ヌレバ兩三角形ハ全ク合シ MA ハ MB ノ上ニ重ナリ合フ故ニ M ハ AB ノ中點ナリ

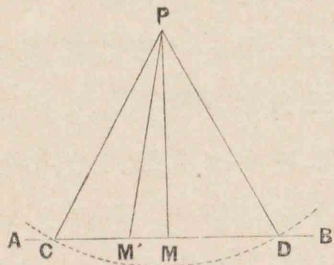
次ニ又二ツノ三角形 ABC, ABD モ亦全ク相等シ故ニ AB ヲ折リ目トシ三角形 ABD ヲ三角形 ABC ノ上ニ折リ重ヌレバ兩三角形ハ全ク合シ MD ハ MC ノ上ニ重ナリ合フ故ニ M 點ニ於ケル四ツノ角ハ相等シク各直角ナリ依テ CD ハ又 AB ヲ直角ニ二等分ス

44. 直線 AB 外ノ一點 P ヲリ AB ニ垂線ヲ引クコト

P ヲ中心トシ任意ノ半徑ヲ以テ弧ヲ畫キ AB ト C, D 二點ニ於テ交ハラシメ CP, DP ヲ結ビ付ケ角 CPD ヲ二等分スル直線 PM



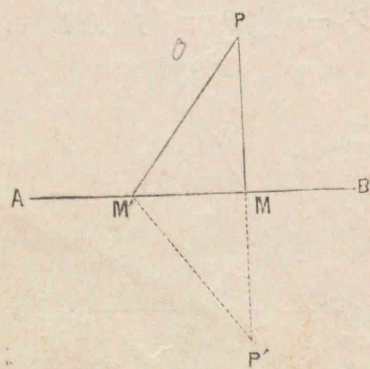
ヲ引キ AB ト M ニ於テ出會ハシムレバ PM ハ求ムル所ノ垂線ナリ



何トナレバ三角形 CPD ハ二等邊三角形ニシテ PM ハ頂角ヲ二等分スル直線ナルガ故ニ底邊 CD ニ垂線ナレバナリ

次ニ P 點ヨリ任意ノ直線 PM' ヲ引キ AB ト M' 點ニ交ハラシムレバ三角形 PMM' ニ於テ角 PMM' ハ直角ナルヲ以テ角 PM'M ハ直角ナルコト能ハズ故ニ PM' ハ AB ニ垂線ナラズ同様ニ P ヨリ如何様ニ直線ヲ引クトモ PM ノ外ニ垂線ナシ是ニヨリテ

定理 20. 直線外ノ一點ヨリ其直線に唯一ノ垂線を引くことを得



45. PM ヲ直線 AB 外ノ一點 P ヨリ AB ニ引キタル垂線トシ PM' ヲ其他ノ直線トレスバ PM ハ PM' ヨリ小ナルベシ PM ヲ延長シテ MP' ヲ MP' ニ等シクシ M'P' ヲ結ビ付

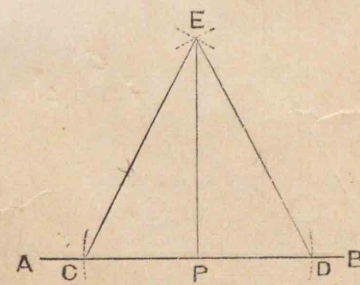
クレバニッノ三角形 P'MM', PMM' ハ二邊及夾角ガ等シキヲ以テ全ク等シク P'M' ハ PM' ニ等シ次ニ三角形 PM'P' ニ於テ二邊 PM', P'M' ノ和ハ他ノ一邊 PP' ヨリ大ナリ故ニ各ノ半分ナル PM' ハ PM ヨリ大ナリ同様ニ P ヨリ AB ニ如何様ニ直線ヲ引クトモ皆 PM ヨリ大ナリ是ニヨリテ

定理 21. 直線外ノ一點ヨリ其直線に引きたる直線の中垂線は最も短し

直線外ノ一點ヨリ其直線ニ引キタル垂線ノ長サヲ其點ト直線トノ距離ト云フ

46. 直線 AB 上ノ一點 P ニ於テ AB ニ垂線ヲ引クコト

P ヲ中心トシ任意ノ半徑ヲ以テ弧ヲ書キ AB ト二



點 C,D ニ交ハラシメ次ニ C,D ヲ中心トシ任意ノ相等シキ半徑ヲ以テ弧ヲ書キ E 點ニ於テ交ハラシメ EP ヲ結ビ付クル時ハ EP ハ求ムル所ノ垂線ナリ

何トナレバ EC, ED ヲ結ビ付クル時ハニッノ三角形

EPC, EPD ハ三邊相等シキヲ以テ全ク等シク相等キ邊ニ對スル角 EPC, EPD ハ相等シ故ニ其各ハ直角ナリ即チ EP ハ AB ニ垂線ナリ

垂線 PE ハ PA, PB ノ夾ム平角ノ二等分線ナリ故ニ其作圖ハ第三十九條ノ作圖ト異ナルコトナシ

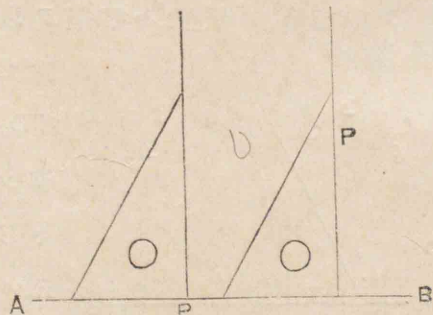
一ノ角ヲ二等分スル直線ハ唯一アルノミ故ニ一點 P ニ於テ AB ノ垂線ハ唯一アルノミ之ニヨリテ

定理 22. 直線上の一點より其直線に唯一の垂線を引くことを得

以上垂線ノ幾何學的作圖ヲ述ベタルガ實際ニハ定規ノ一ノ角ヲ直角

ナリト假定シ圖ニ示スガ如ク其一邊ヲ與ヘラレタル直線ト一致セシメタルマ、之ヲ動かシ

他ノ一邊ニ與ヘラレタル點ヲ來ラシメ然ル後其邊ニ沿ヒテ直線ヲ畫ケバ此直線ハ與ヘラレタル直線



ト直角ヲナシ從ヒテ之ニ垂線ナリ

問題

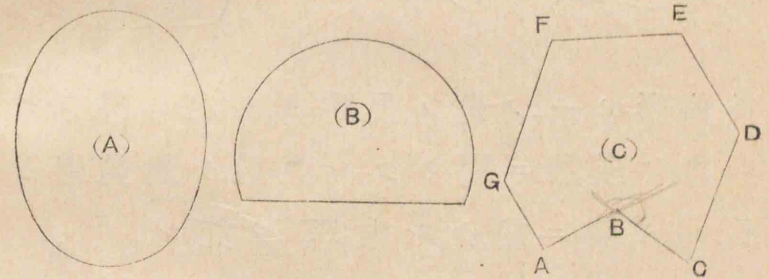
1. 一ノ與ヘラレタル直線ヲ一邊トシテ幾ツノ正三角形ヲ作り得ルカニ
2. 一ノ與ヘラレタル直線ヲ一邊トシテ其上ニ幾ツノ二等邊三角形ヲ作り得ルカニ
3. 直線外ノ一點ヨリ其直線ヘ與ヘラレタル長サノ直線ヲ引クコト
4. 正三角形ノ一ノ内角及一ノ外角ハ各何度ナルカ
5. 頂角ガ八十度ナル二等邊三角形ノ他ノ二角ハ各何度ナルカ
6. 直角三角形ノ一ノ銳角ガ三十度ナル時ハ他ノ銳角ハ何度ナルカ
7. 與ヘラレタル角ヲ四等分スルコト
8. 與ヘラレタル直線ヲ八等分スルコト
9. 直角ノ三分ノ二ニ等シキ角ヲ作ルコト
10. 三十度及四十五度ノ角ヲ作ルコト
11. 二ノ角ト其一ニ對スル邊トヲ與ヘテ三角形ヲ作ルコト

三ノ角

12. 斜邊ト一ノ銳角トヲ與ヘテ直角三角形ヲ作ルコト
13. 二ノ直角三角形ニ於テ斜邊ト一ノ銳角トガ相等シキ時ハ兩三角形ハ全ク相等シ
14. 二等邊三角形ノ頂角ノ頂點ヨリ底邊ニ引キタル垂線ハ頂角及底邊ヲ二等分ス
15. 正三角形ノ一ノ外角ヲ二等分スル直線ハ一ノ邊ニ平行ナリ
16. 二等邊三角形ノ底邊ノ兩端ヨリ相對スル邊ニ引キタル二ノ垂線ハ相等シ
17. 一ノ角ヲ二等分スル直線上ノ一ノ點ヨリ二ノ邊ニ引キタル垂線ハ相等シ
18. 三角形ノ二ノ内角ヲ二等分スル直線ノ交點ハ三ノ邊ヨリ相等シキ距離ニアリ
19. 前題ノ交點ト第三角ノ頂點トヲ結ビ付クル直線ハ其第三角ヲ二等分ス

第五編 多角形

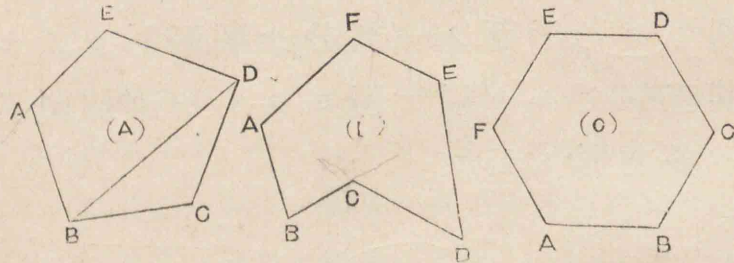
47. 平面形 一線又ハ數線ヲ以テ圍ミタル平面ノ一部分ヲ**平面形**ト云ヒ其直線ノミヲ以テ圍ミタルヲ**直線形**又ハ**多角形**ト云フ



(C)圖ハ七ノ直線ヲ以テ圍ミタル多角形ニシテ直線AB, BC, CD等ヲ其**邊**ト云ヒ相隣レル二邊ノナス形内ノ角ヲ**内角**又ハ**單ニ角**ト云ヒ一邊ト之ニ隣レル邊ノ延長トノナス角ヲ**外角**ト云フ

多角形ノ内角ガ何レモ二直角ヨリ小ナル時ハ之ヲ**凸多角形**ト云ヒ二直角ヨリ大ナル内角ヲ有スル時ハ之ヲ**凹多角形**

ト云ヒ多角形ノ總テノ邊及總テノ角ガ相等シキ時ハ之ヲ**正多角形**ト云フ
 例ヘバ次ノ圖ニ於テ(A)ハ凸多角形、(B)ハ凹多角形、(C)ハ正多角形ナリ

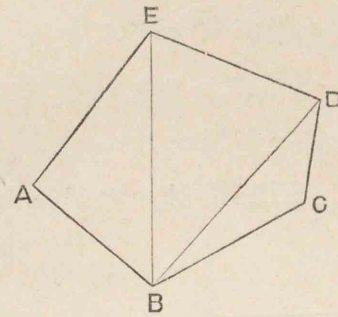


多角形ノ一ノ角ノ頂點ヨリ之ニ隣ラザル角ノ頂點ニ引キタル直線ヲ**對角線**ト云フ(A)圖ニ於ケル線BDノ如シ

多角形ハ其角ノ數ニ從ヒテ**三角形、四角形、五角形**等ト稱シ又其邊ノ數ニ從ヒテ**三邊形、四邊形、五邊形**等ト稱ス

例ヘバ(A)圖ハ五角形又ハ五邊形ニシテ(B)圖及(C)圖ハ六角形又ハ六邊形ナリ而シテ(C)圖ハ正多角形ナルガ故ニ之ヲ**正六角形**又ハ**正六邊形**ト稱ス

48. 多角形ABCDEニ於テ一ノ角ノ頂點Bヨ



リ對角線BD, BEヲ引ク時ハ邊ノ數ヨリ二、ダケ少ナキ三角形ヲ得今此等ノ三角形ノ内角ヲ盡ク加ヘタルモノハ多角形ノ内角ノ和ナリ而シテ一ノ三角形

ノ内角ノ和ハ二直角ニ等シ故ニ多角形ノ内角ノ和ハ二直角ヲ邊ノ數ヨリ二、少ナキ數ニテ倍シタルモノニ等シ即チ

定理 23. 多角形ノ内角ノ和ハ二直角を邊ノ數ヨリ二、少ナキ數だけ集めたるものに等し

故ニ多角形ノ邊ノ數ヲ n トスレバ内角ノ和ハ

$$2(n-2) \text{ 直角}$$

若シ多角形ガ正多角形ナル時ハ一ノ内角ハ

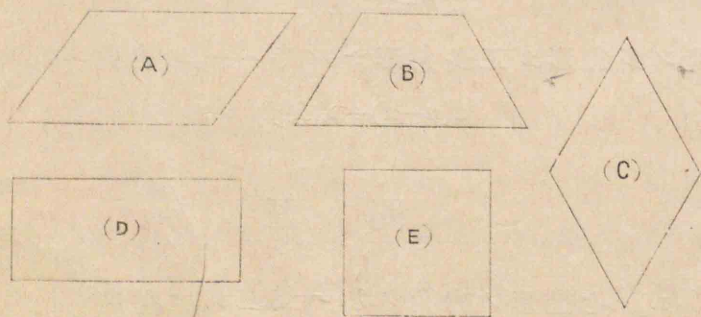
$$2(n-2) \div n \text{ 直角}$$

問題

1. 七邊形ノ内角ノ和ハ幾直角ナルカ
2. 十二角形ノ内角ノ和ハ何度ナルカ

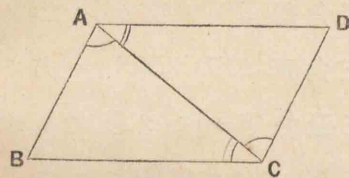
3. 正八角形ノ一ツノ内角ハ幾直角ナルカ
4. 正九角形ノ一ツノ内角ハ何度ナルカ
5. 正十五角形ノ一ツノ外角ハ何度ナルカ
6. 正多角形ノ一ツノ内角ガ百五十度ナル時ハ此多角形ノ邊數如何

49. 四邊形 二雙ノ相對スル邊ガ各平行ナル四邊形ヲ**平行四邊形**(A圖)ト云ヒ一雙ノ相對スル邊ガ平行ナル四邊形ヲ**梯形**(B圖)ト云ヒ四邊共ニ相等シキ四邊形ヲ**菱形**(C圖)ト云ヒ總テノ角ガ直



角ナル平行四邊形ヲ**矩形**(D圖)ト云ヒ四邊トモニ相等シキ矩形ヲ**正方形**(E圖)ト云フ

50. ABCDヲ平行四邊形トシ對角線ACヲ引ク時ハ二ツノ三角形ABC CDAニ於テ邊ACハ兩形ニ通ジAB, CDハ平行ナルガ故ニ錯角BAC, DCAハ相等シ又AD, BCハ平行ナルガ故ニ錯角CAD, ACBハ相等シ故ニ此兩三角形ハ定理13ニヨリ全ク相等シ即チ



定理 24. 平行四邊形の對角線は之を全く相等しき二つの部分に分つ

而シテ兩三角形ニ於テ相等シキ角ニ對スル邊ハ相等シ故ニ $AD=BC, AB=DC$ ナリ由テ

定理 25. 平行四邊形の相對する邊は互に等し

又兩三角形ニ於テ角Bハ角Dニ等シク且Aニ於テノ二角ノ和ハCニ於テノ二角ノ和ニ等シ故ニ

定理 26. 平行四邊形の相對する角は

互に等し

51. 四邊形 ABCD に於テ相對スル邊 AD ハ

BC ニ等シク AB ハ DC ニ

等シトス

對角線 BD ヲ引ケバニツノ

三角形 ABD, CDB ハ夫々

三邊相等シキヲ以テ全ク

等シク角 ADB ハ角 CBD ニ等シ故ニ定理 7 ニヨリ

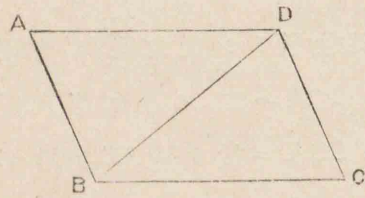
AD ハ BC ニ平行ナリ同様ニ AB ハ DC ニ平行ナリ

是ニヨリテ

定理 27. 一ノ四邊形に於て二雙の相對する邊が各等しき時は此四邊形は平行四邊形なり

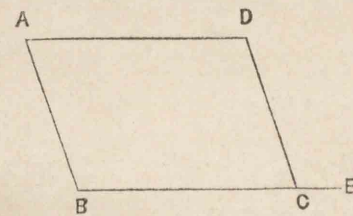
次ニ四邊形 ABCD に於テ一雙ノ相對スル邊 AB, CD ガ平行ニシテ且相等シトスレバニツノ三角形 ABD, CAB に於テ錯角 ABD, CDB ハ相等シク AB ハ CD ニ等シク邊 BD ハ兩形ニ通ズ故ニ定理 12 ニヨリ兩三角形ハ全ク等シク角 ADB ハ角 CBD ニ等シ故ニ定理 7 ニヨリ AD, BC ハ平行ナリ是ニヨリテ

定理 28. 四邊形の一雙の相對する邊



が平行にして且相等しき時は此四邊形は平行四邊形なり

又四邊形 ABCD に於テ $\angle A = \angle C$, $\angle B = \angle D$ トス然



ル時ハ四邊形ノ四ツノ内角

ノ和ハ四直角ニシテ其中

相對スルニツツノ角相等

シキヲ以テ相隣レルニツノ

角 C ト D トノ和ハ二直角

ニ等シ今 BC ヲ延長スレバ外角 DCE ト角 C トノ和

モ二直角ニ等シ故ニ角 DCE ハ角 D ニ等シサレバ

DC ガニツノ直線 AD, BC ニ交ハリテナス所ノ錯角相

等シキヲ以テ AD, BC ハ平行ナリ

同様ニ AB, CD モ平行ナルコトヲ證明スルヲ得故ニ

此四邊形ハ平行四邊形ナリ是ニヨリテ

定理 29. 四邊形の一雙の相對する角が各相等しき時は此四邊形は平行四邊形なり

問 題

7. 平行四邊形ノ相隣レル二邊ガ等シキ時ハ此

四邊形ハ菱形ナリ 四辺等ナリ


8 平行四邊形ノ一ノ角ガ直角ナル時ハ總テノ角ハ直角ナリ 四角等ナリ

9. 平行四邊形ノ相隣レル二ノ角ハ互ニ補角ナリ

10. 矩形ノ二ノ對角線ハ相等シ

11. 平行四邊形ノ對角線ノ交點ハ各ノ中點ナリ

12. 菱形ノ對角線ハ其角ヲ二等分ス

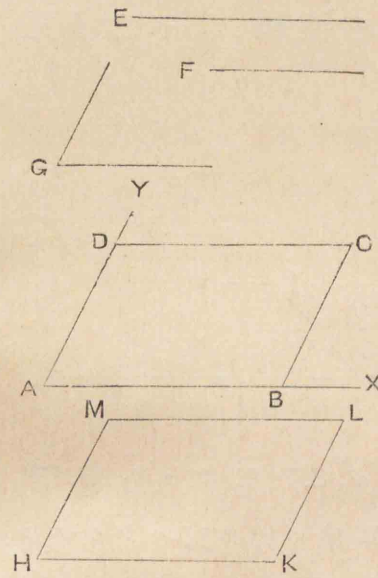
13. 菱形ノ對角線ハ互ニ垂直ナリ 

14. 二ノ平行線ノ距離ハ何レノ點ニテモ相等シ

15. 平行四邊形ノ二ノ對角線ガ相等シキ時ハ此四邊形ハ矩形ナリ

52. 二邊 E, F 及其間ノ角 G ナ與ヘテ平行四邊形ヲ作ルコト

任意ノ直線 AX ヲ引キ E ニ等シク AB ヲ切り G ニ等シキ角 XAY ヲ作リテ AY ヲ引キ F ニ等シク AD ヲ切り D ヨリ AB ニ平行ニ DC ヲ又 B ヨリ AD ニ平行ニ BC ヲ引キ DC ト C ニ於テ交ハラシムル時



ハ ABCD ハ求ムル所ノ平行四邊形ナリ何トナレバ此四邊形ハ平行四邊形ニシテ其二邊 AB, AD ハ E, F ニ等シク其間ノ角 DAB ハ G ニ等シケレバナリ次ニ之ト同法ニヨリテ他ノ平行四邊形 HKLM ヲ作ラバ此四邊形ハ前ノ四邊形ノ上ニ全ク合セシムルコトヲ得故ニ其大サ相等シ是ニヨリテ

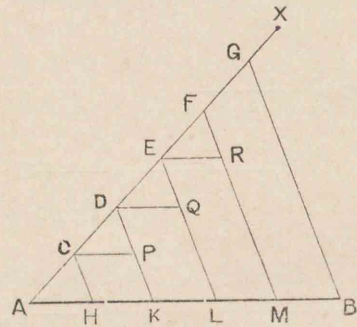
定理 30. 一ノ平行四邊形ノ相隣れる二邊及夾角が夫々他ノ平行四邊形ノ相隣れる二邊及夾角に等しき時は此兩形は全く等し

此定理ニヨリテ二ノ矩形ハ相隣レル二邊ガ夫々相等シキ時ハ全ク等シク二ノ正方形ハ一ノ邊ガ相等シキ時ハ全ク等シ

53. 與ヘラレタル直線 AB ナ任意

ノ數ニ等分スルコト

AB ト任意ノ角ヲ作り
 テ A ヨリ直線 AX ヲ引
 キ其上ニ A ヨリ任意ノ
 相等シキ距離 AC, CD,
 DE 等ヲ等分スベキ數
 ダケ切り最後ノ點 G ト



B トヲ結び付ケ GB ニ平行ニ C, D, E 等ヨリ CH, DK,
 EL 等ヲ引キ AB ト H, K, L 等ニ於テ交ハラシムレ
 バ此等ノ點ハ求ムル所ノ等分點ナリ

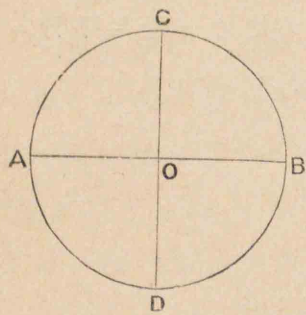
今 C ヨリ AB ニ平行ニ CP ヲ引キ DK ト P ニ於テ
 交ハラシムレバ三角形 CAH, DCP ニ於テ $AC = CD$,
 $\angle A = \angle DCP$, $\angle ACH = \angle CDP$ (何レモ同位角) ナルヲ
 以テ定理 13 ニヨリ兩三角形ハ全ク等シク AH ハ CP
 ニ等シ然ルニ CHKP ハ平行四邊形ナルヲ以テ相對
 スル邊 CP, HK ハ相等シ故ニ又 AH, HK ハ相等シ同
 様ニ KL, LM 等モ相等シ故ニ H, K, L 等ハ求ムル所
 ノ等分點ナリ

問題

16. 相隣レル二邊ヲ與ヘテ矩形ヲ作ルコト
17. 一ノ與ヘラレタル直線ヲ一邊トシテ正方形
ヲ作ルコト
18. 與ヘラレタル直線ヲ七等分スルコト
19. 三角形ノ一邊ノ中點ヨリ他ノ一邊ニ平行ニ
引キタル直線ハ第三邊ヲ二等分ス

第六編 圓

54. 直徑 圓トハ既ニ第一編ニ於テ述ベタルガ如ク圓周ヲ以テ圍ミタル



平面形ナリ而シテ圓周ノ中心ハ亦圓ノ中心ナリ
圓ノ中心ヲ過ギリ兩端ガ圓周ニ終ハル直線ヲ直徑ト云フ故ニ

直徑ハ半徑ノ二倍ナリ AOB ノ如シ

今圓 ADBC ヲ直徑 AOB ヲ折リ目トシテ一ノ部分ヲ他ノ部分ノ上ニ折リ重ヌル時ハ圓周上ノ總テノ點ハ中心ヨリ相等シキ距離ニアルヲ以テ二ノ部分ハ全ク重ナリ合フ故ニ

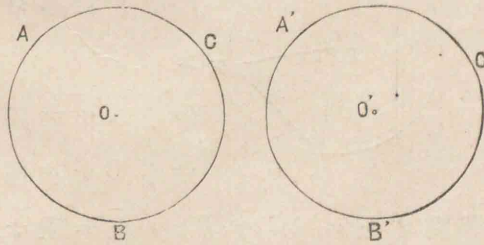
定理 31. 圓の直徑は圓を二の全く相等しき部分に分つ
直徑ニヨリテ分タレタル二ノ部分ヲ各

半圓ト云フ

次ニ AOB ニ垂直ナル他ノ直徑 COD ヲ折リ目トシテ一ノ部分ヲ他ノ部分ノ上ニ折リ重ヌレバ O ニ於テノ四ノ角ハ各直角ニシテ相等シキヲ以テ OB ハ OA ノ上ニ重ナリ圓ノ四ノ部分ハ二ツツ重ナリ合フ
同様ニ AOB ヲ折リ目トシテ折リ重ヌルモ四ノ部分ハ二ツツ重ナリ合フ故ニ互ニ垂直ナル二ノ直徑ハ圓ヲ全ク相等シキ四ノ部分ニ分ツ

斯ノ如ク分タレタル四ノ部分ノ各ヲ四分圓又ハ象限ト云フ

55. ABC, A'B'C' ヲ半徑相等シキ二ノ圓トシ



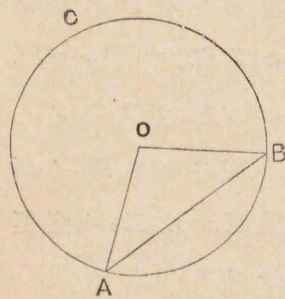
一ノ圓 ABC ヲ他ノ圓 A'B'C' ノ上ニ重ネ中心 O ヲ中心 O' ノ上ニ置ク時

ハ二ノ圓周上ノ總テノ點ハ中心ヨリ相等シキ距離ニアルヲ以テ二ノ圓ハ全ク重ナリ合フ故ニ

定理 32. 半徑相等しき圓は全く等し

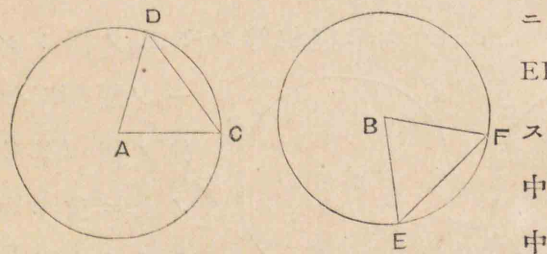
56. 弦 第一編ニ於テ述ベタルガ

如ク圓周ノ一部分ヲ弧ト云フ而シテ弧ノ兩端ヲ結ビ付クル直線ヲ弦ト云フ



弧ト弦トヲ以テ圍ミタル圓ノ一部分ヲ弓形ト云ヒ弧ト其兩端ニ引キタル二ツノ半徑トヲ以テ圍ミタル圓ノ一部分ヲ扇形ト云フ

57. 中心 A 及 B ナル圓ヲ等シキ圓ト、中心



ニ於テノ角 CAD, EBF ヲ相等シト

中心 A ナル圓ヲ中心 B ナル圓ノ

上ニ重ネ A 點ヲ B 點ノ上ニ AC ヲ BE ノ上ニ重ナル様ニセバ二ツノ圓ハ全ク合シ C 點ハ E 點ノ上ニ重ナリ且角 CAD ハ角 EBF ニ等シキヲ以テ AD ハ BF ノ上ニ重ナリ D 點ハ F 點ニ重ナル從ヒテ弧 CD ハ弧 EF ニ弦 CD ハ弦 EF ニ合ス是ニヨリテ

定理 33. 半徑相等しき圓に於て中心に於ての角相等しき時は之に對する弧及弦は相等し

中心ニ於テノ角ノ代リニ弧 CD ヲ弧 EF ニ等シトシ前ノ如ク二ツノ圓ヲ重ヌルコトニヨリテ此二ツノ弧ニ對スル弦及中心ニ於テノ角相等シキコトヲ證明シ得ベシ故ニ

定理 34. 半徑相等しき圓に於て相等しき弧に對する弦及中心に於ての角は相等し

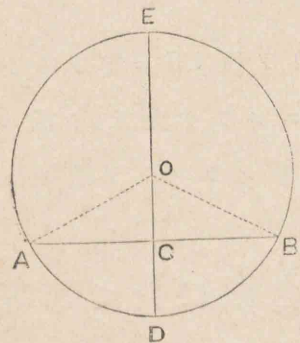
又前ノ圓ニ於テ弦 CD ヲ弦 EF ニ等シトスレバ二ツノ三角形 ACD, BEF ニ於テ AC=BE, AD=BF, CD=EF ナルヲ以テ兩三角形ハ全ク等シユエニ角 CAD ハ角 EBF ニ等シ從ヒテ弧 CD ハ弧 EF ニ等シ是ニヨリテ

定理 35. 半徑相等しき圓に於て相等しき弦に對する弧及中心に於ての角は相等し

注意 本條ニ於テ證明セシ三ツノ定理ハ相等シキ

圓ノ代リニ同一ノ圓ニ於テモ亦眞ナリ

58. 中心 O ナル圓ノ中心 O ト弦 AB ノ中點 C トヲ結ビ付クル直線 CO ハ AB ニ垂直ナルベシ



OA, OB ヲ結ビ付クレバニッノ三角形 OCA, OCB ハ夫々三邊相等シキヲ以テ全ク等シク角 OCA, OCB ハ相等シ故ニ OC ハ AB ニ垂直ナリ是ニヨリテ

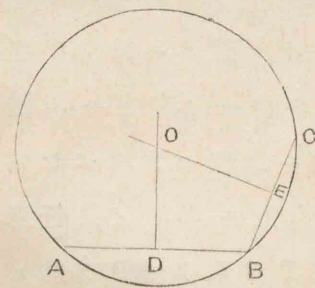
定理 36. 圓ノ中心と弦ノ中點とを結び付くる直線は弦に垂直なり

又 AB ノ中點 C ニ於テ AB ニ垂直ナル直線ヲ CE トスレバ CE ハ圓ノ中心 O ヲ過ギルベシ何トナレバ O ト C トヲ結ビ付クル直線ハ C ニ於テ AB ニ垂直ニシテ C ニ於テ AB ニ垂直ナル直線ハ唯一ナルノミ故ニ C ニ於テ AB ニ垂直ナル直線ハ C ト O トヲ結ビ付クル直線ト同一ノ直線ナリ故ニ中心 O ヲ過ギル是ニヨリテ

定理 37. 圓ノ弦を直角に二等分する直線は圓ノ中心を過ぎる

59. 圓又ハ弧ノ中心ヲ求ムルコト

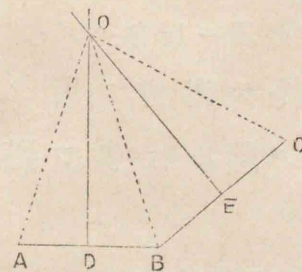
圓周又ハ弧ノ上ニ任意ノ三點 A, B, C ヲ取り弦 AB



ヲ直角ニ二等分スル直線 DC ヲ引ケバ前題ニヨリ中心ハ此直線上ニアリ同様ニ弦 BC ヲ直角ニ二等分スル直線 EO ヲ引ケバ中心ハ此直線上ニアリ故ニ DO, EO ノ交點 O ハ

即チ求ムル所ノ中心ナリ

60. 一直線上ニアラザル三點 A, B, C ナ過ギル圓ヲ畫クコト

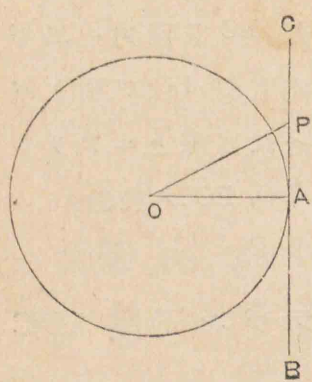


AB, BC ヲ結ビ付ケ AB, BC ヲ直角ニ二等分スル直線 DO, EO ヲ引キ一點 O ニ於テ交ハラシムレバ O ハ求ムル所ノ圓ノ中心ナルベシ

OA, OB ヲ結ビ付クレバニッノ三角形 ODA, ODB ニ於テ DA=DB, OD ハ兩形ニ通ジ $\angle ODA, \angle ODB$ ハ各直

角ニシテ相等シ故ニ定理12ニヨリ此兩三角形ハ全ク等シ故ニ $OA=OB$, 同様ニ $OB=OC$, 故ニ O ヲ中心トシ OA ヲ半徑トシテ書キタル圓ハ B 及 C ヲ過ギル

61. 中心 O ナル圓周上一點 A ニ於テ半徑 OA ニ垂直ナル直線 BAC ヲ引ク時ハ此直線ハ A 點



ノ外圓ニ出會ハザルベシ
今 BAC 上ニ A 點ノ外任意
ニ一點 P ヲ取リ OP ヲ結ビ
付クレバ OA ハ BAC ニ垂
線ナルヲ以テ OP ハ垂線ナ
ラズ故ニ OP ハ OA ヨリ大
ナリ從ヒテ P 點ハ圓ノ外ニ

アリ同様ニ BAC 上ノ總テノ點ハ A ヲ除ク外ハ皆圓外ニアルガ故ニ BAC ハ A 點ノ外圓ニ出會ハズ

斯ノ如ク圓ト唯一點ニ於テ出會フ所ノ直線ヲ切線ト云ヒ切線ノ圓ト出會フ點ヲ切點ト云フ

故ニ上ニ證明セシコトヲ次ノ如ク述ブ

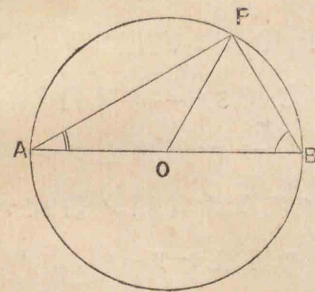
定理 38. 圓周上一點より其點に引きたる半徑に垂直なる直線は其圓の切

線にして其點は切點なり

此定理ニヨリテ圓周上一點ニ於テ其圓ニ唯一ノ切線ヲ引クコトヲ得

又直線 BAC ヲ中心 O ナル圓ノ切線トシ A ヲ切點トスレバ A ニ於テ BAC ニ垂直ナル直線ハ A 點へ引ケル半徑ニシテ中心 O ヲ過ギリ又中心ト切點トヲ結ビ付クル直線ハ切線ニ垂直ナリ

62. P ヲ中心 O ナル圓周上一點トシ PA, PB



ヲ其點ヨリ任意ノ直徑 AOB ノ兩端ニ引キタル直線トスレバ角 APB ハ直角ナルベシ
 PO ヲ結ビ付クレバ OP ハ OB ニ等シキガ故ニ三角形 OPB ハ二等邊三角形ナリユエニ

$\angle OPB = \angle OBP$, 同様ニ $\angle OPA = \angle OAP$, 故ニ三角形 PAB ニアリテ P 點ニ於テノ二角ノ和ハ他ノ二角ノ和ニ等シ然ルニ三角形ノ内角ノ和ハ二直角ナリ, 故ニ角 APB ハ直角ナリ是ニヨリテ

定理 39. 圓周上一點より直徑の兩端に引きたる直線のなす角は直角なり

63. 中心 O ナル圓 = 圓外ノ一點 P

ヨリ切線ヲ引クコト

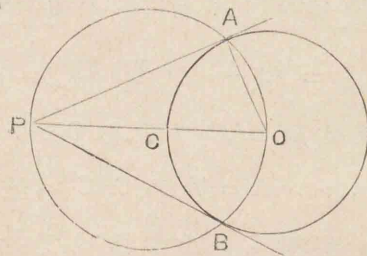
OP ヲ結ビ付ケ其中點

C ヲ中心トシ CO ヲ半

徑トシテ圓ヲ畫キ與ヘ

ラレタル圓ト二點 A, B

ニ於テ交ハラシメ PA, PB ヲ引ク時ハ PA, PB ハ求ム
ル所ノ切線ナリ

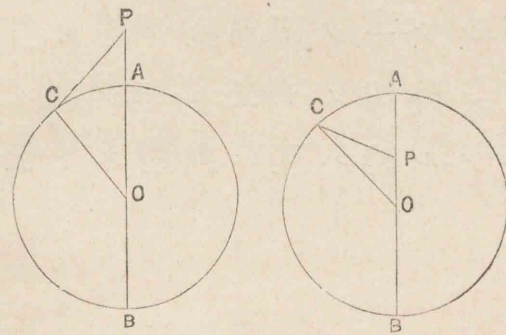


何トナレバ OA ヲ結ビ付クレバ A ハ中心 C ナル圓
周上ノ一點ニシテ AP, AO ハ此點ヨリ直徑 PO ノ兩
端ニ引キタル直線ナルガ故ニ定理 39 ニヨリ角 PAO
ハ直角ナリ然ラバ PA ハ中心 O ナル圓周上ノ一點
A ニ於テ半徑 OA ニ垂直ナルヲ以テ其圓ノ切線ナ
リ同様ニ PB モ中心 O ナル圓ノ切線ナリ

64. 與ヘラレタル點 P ヨリ中心 O

ナル圓周ニ至ル最モ短キ直線及最モ長
キ直線ヲ引クコト

P, O ヲ過ギル直線ヲ引キ圓周ト A 及 B ニ於テ交ハ
ラシムレバ PA ハ最モ短キ直線ニシテ BP ハ最モ長
キ直線ナルベシ



圓周上ノ任意
ノ點 C ヲ採リ
CP, CO ヲ結ビ
付クレバ三角
形 PCO ニ於テ
PO, OC ノ差ハ

PC ヨリ小ナリ然ルニ $OC = OA$ 故ニ PO, OA ノ差即チ
PA ハ PC ヨリ小ナリ

同様ニ圓周上何レノ點ヲ採ルモ P 點ヨリノ距離ハ
PA ヨリ大ナリ故ニ A 點ハ P ヨリ最モ短キ距離ニ
アリ

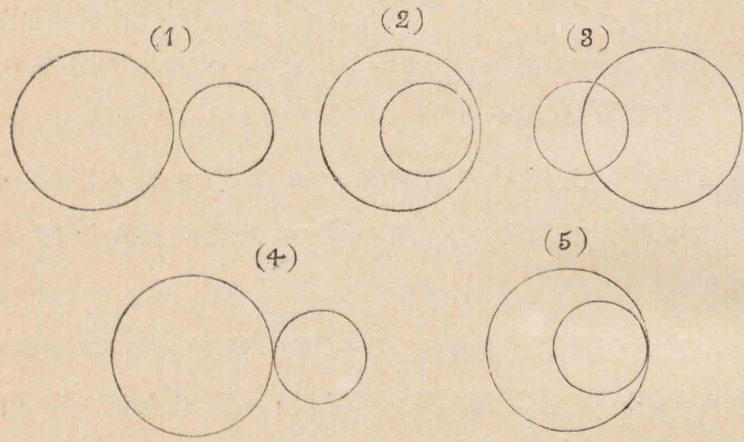
次ニ三角形 PCO ニ於テ $PO + OC > PC$ 然ルニ $OC = OB$
故ニ $PO + OB > PC$ 即 $PB > PC$ 同様ニ圓周上何レノ點
ヲ採ルモ P 點ヨリノ距離ハ PB ヨリ小ナリ故ニ B
點ハ P ヨリ最モ長キ距離ニアリ

65. 二ノ圓 二ノ圓ハ全ク出會ハ

ザルカ二點ニ於テ交ハルカ唯一點ニ於
テ出會フカ何レカ其一ナリ

二ノ圓ガ唯一點ニ於テ出會フ時ハ二ノ
圓ハ互ニ切スト云ヒ其出會ヒタル點ヲ

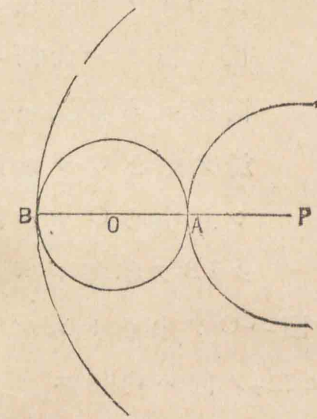
切點ト云フ而シテ一ノ圓ガ全ク他ノ外ニアル時ハ互ニ**外切**スト云ヒ一ノ圓ガ全ク他ノ中ニアル時ハ互ニ**内切**スト云フ



例ヘバ(1)圖及(2)圖ニ於テハ二ノ圓ハ全ク出會ハズ(3)圖ニ於テハ二點ニ於テ交ハリ(4)圖及(5)圖ニ於テハ唯一點ニ於テ出會フ而シテ(4)圖ニ於テハ二ノ圓ハ外切シ(5)圖ニ於テハ内切ス

66. 中心 O ナル圓ニ切シ圓外ノ一點 P ナ中心トスル圓ヲ畫クコト

P, O ヲ過ギル直線ヲ引キ圓ノ周ト A 及 B ニ於テ交ハラシメ P ヲ中心トシ PA 又ハ PB ヲ半徑トスル圓ヲ畫ケバ此圓ハ求ムル所ノ圓ナルベシ



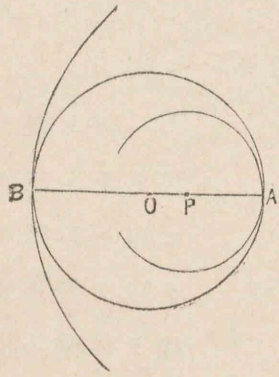
PA ハ P 點ヨリ圓周上ニ至ル最モ短キ距離ナルヲ以テ圓周上ノ總テノ點ハ A 點ヲ除ク外 P ヲリノ距離 PA ヲリ大ナリ故ニ P ヲ

中心トシ PA ヲ半徑トシテ圓ヲ畫ケバ二ノ圓ハ A 點ノ外出會フコトナシ且中心 O ナル圓周ハ全ク中心 P ナル圓ノ外ニアリ故ニ二ノ圓ハ外切ス

又 PB ハ P ヲリ圓周上ニ至ル最モ長キ距離ナルヲ以テ P ヲ中心トシ PB ヲ半徑トシテ圓ヲ畫ケバ二ノ圓ハ B 點ノ外出會ハズ且中心 O ナル圓ハ全ク中心 P ナル圓ノ内ニアリ故ニ二ノ圓ハ内切ス

67. 中心 O ナル圓ニ切シ圓内ノ一點 P ナ中心トスル圓ヲ畫クコト

前ト同ジ方法ニヨリ、 O ヲ過ギル直線ヲ引キ圓ノ



周ト A 及 B ニ於テ交ハ
ラシメ P ヲ中心トシ PA
又ハ PB ヲ半径トシテ
圓ヲ畫ケバ此圓ハ前ト
同様ニ A 點又ハ B 點ニ
於テ中心 O ナル圓ニ切
シ且中心 O ナル圓ハ全
ク PB ヲ半径トスル圓ノ

内ニ又 PA ヲ半径トスル圓ハ O ヲ中心トスル圓ノ内
ニアリテ何レノ場合ニモ二ツノ圓ハ内切ス

以上ノ作圖ニヨリ二ツノ圓ガ外切スル時ハ中心間ノ
距離ハ半径ノ和ニ等シク内切スル時ハ中心間ノ距
離ハ半径ノ差ニ等シキコトヲ知り得ベシ

問題

1. 同シ圓ニ於テ大ナル弧ニ對スル中心ニ於テ
ノ角ハ小ナル弧ニ對スル中心ニ於テノ角ヨリ大ナ
リ

2. 扇形ノ中心ノ角ヲ二等分スル直線ハ其弧ヲ
二等分ス

3. 一ツノ圓ヘラレタル直線ヲ半径トシ二ツノ圓ヘ
ラレタル點ヲ過ギル圓ヲ畫クコト

4. 直線外ノ一點ヲ中心トシ其直線ニ切スル圓
ヲ畫クコト

5. 第五十八條ノ圖ニ於テ弧 $AE =$ 弧 BE 又弧
 $AD =$ 弧 BD ナリ

6. 圓ヘラレタル圓弧ヲ二等分スルコト

7. 第六十三條ノ圖ニ於テ AC, BC ヲ結ビ付ケ
角 $PCA =$ 角 PCB ナルコトヲ證明セヨ

8. 圓外ノ一點ヨリ其圓ニ引キタル二ツノ切線ハ
相等シ

9. 圓外ノ一點ヨリ其圓ニ引キタル二ツノ切線ノ
ナス角ハ其點ト中心トヲ結ビ付クル直線ニヨリテ
二等分セラル

10. 二ツノ圓ノ中心間ノ距離ガ半径ノ和ヨリ大ナ
ル時ハ一ツノ圓ハ全ク他ノ圓ノ外ニアリ、中心間ノ距
離ガ半径ノ差ヨリ小ナル時ハ如何

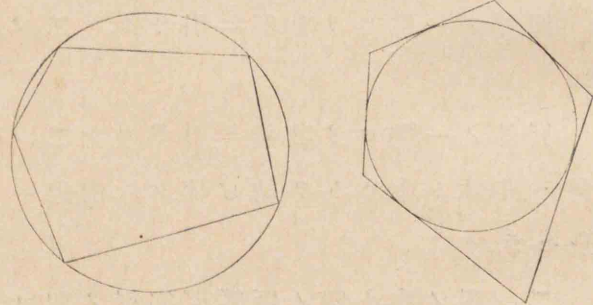
11. 直角三角形ノ斜邊ノ中點ハ三ツノ頂點ヨリ相
等シキ距離ニアリ(六十二條ノ圖参照)

12. 圓ヘラレタル長サノ半径ヲ以テ互ニ外切ス
ル三ツノ相等シキ圓ヲ畫ケ

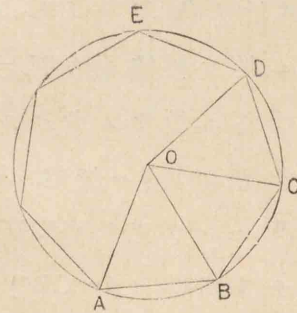
68. 内接形及外接形 多角形ノ總テノ角ノ頂點ガ一ノ圓周上ニアル時ハ多角形ハ圓ニ内接スト云ヒ圓ハ多角形ニ外接スト云フ第一圖ノ如シ多角形ノ總テノ邊ガ一ノ圓周ニ切スル時ハ多角形ハ圓ニ外接スト云ヒ圓ハ多角形ニ内接スト云フ第二圖ノ如シ

第一圖

第二圖



69. 中心Oナル圓ノ周ヲA, B, C等ノ點ニ於テ幾ツカノ部分ニ等分シ其各分點ヲ結ビ付ケテ多角形ABCD.....ヲ作レバ此多角形ハ正多角形ナルベシ何トナレバAB, BC, CD等ハ同ジ圓ニ於テ相等シキ弧ニ對スル弦ナルヲ以テ相等シ次ニOA, OB, OC等ヲ結ビ付クレバ三角形OAB, OBC

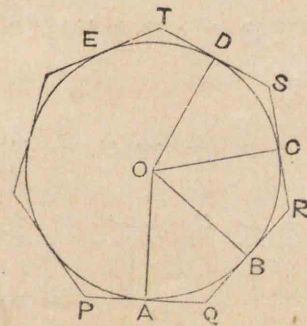


ニ於テ AB, BC ハ相等シク OA, OB, OC ハ圓ノ半徑ニシテ相等シ故ニ兩三角形ハ全ク等シ 同様ニ他ノ三角形 OCD, ODE 等モ全ク等シ

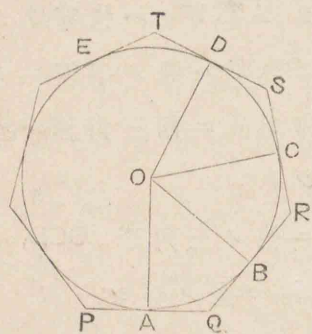
故ニ B, C, D 等ニ於ケルニツツノ角ノ和ハ等シ 即チ多角形 ABCDハ各ノ邊及各ノ角相等シキヲ以テ正多角形ナリ是ニヨリテ

定理 40. 圓ノ周を幾つかの部分に等分し各分點を順次に結び付けて作りたる多角形は正多角形なり

70. 中心Oナル圓ノ周ヲA, B, C等ノ點ニ



於テ幾ツカノ部分ニ等分シ各分點ニ於テ切線ヲ引キ多角形 PQRS.....ヲ作ル時ハ此多角形ハ正多角形ナルベシ OA, OB, OC 等ヲ結ビ付クレバ二ノ四邊形 OAQB,



OBRC = 於テ角 AOB, BOC ハ
同ジ圓ニ於テ相等シキ弧ニ
對スル中心ニ於テノ角ナル
ヲ以テ相等シ PQ ハ切線, A
ハ其切點ナルヲ以テ角 OAQ
ハ直角ナリ同様ニ角 OBQ
OBR, OCR ハ各直角ナリ而シ

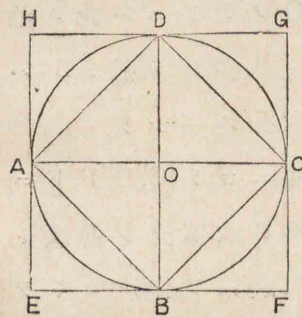
テ OA, OB, OC ハ圓ノ半径ニシテ相等シ故ニ此二ツノ
四邊形ハ全ク重ナリ合ハスコトヲ得從ヒテ角 Q, R
ハ相等シ同様ニ角 S, T 等モ相等シ

次ニ AQ ハ BR ノ上ニ BQ ハ CR ノ上ニ重ナルヲ以
テ相等シ然ルニ QA ハ QB = RB ハ RC = 等シ(問題
8 参照)故ニ QA, QB, RB, RC 等ハ相等シ而シテ此多
角形ノ邊ハ此等ヲニツツ加ヘタルモノナリ故ニ各
ノ邊ハ相等シ

多角形 PQRS ハ總テノ角及總テノ邊相等シキ
ヲ以テ正多角形ナリ是ニヨリテ

定理 41. 圓の周を幾つかの部分に等
分し各分點に切線を引きて作りたる多
角形は正多角形なり

71. 圓ニ内接又ハ外接スル正方形,
正八邊形,正十六邊形等ヲ作ルコト



AOC, BOD ヲ中心 O ナル圓
ノ互ニ垂直ナル二ツノ直径ト
スレバ A, B, C, D ハ圓周ヲ
四等分ス故ニ之ヲ結ビ付ケ
テ作リタル ABCD ハ内接正
方形ナリ

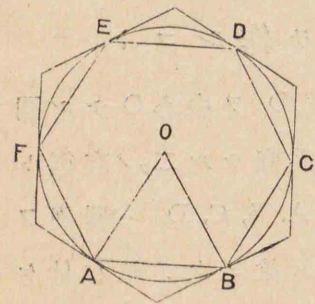
又此等ノ點ニ切線ヲ引キテ作リタル EFGH ハ外接
正方形ナリ

次ニ此等ノ四ツノ弧ヲ二等分シ各分點ヲ結ビ付ケテ
内接正八邊形ヲ作り又此等ノ分點ニ切線ヲ引キテ
外接正八邊形ヲ作ルコトヲ得次ニ又其各ノ弧ヲ二
等分シテ内接及外接正十六邊形等ヲ作ルコトヲ得
ルナリ

72. 圓ニ内接又ハ外接スル正三角
形,正六邊形,正十二邊形等ヲ作ルコト

中心 O ナル圓ノ周ノ上ニ任意ノ一點 A ヲ取り A ヲ
中心トシ AO ヲ半径トシテ弧ヲ書キ圓周ト B = 於
テ交ハラシメ AB, AO, BO ヲ結ビ付クレバ三角形 AOB

ハ正三角形ナリ故ニ角 AOB ハ二直角ノ三分ノ一即

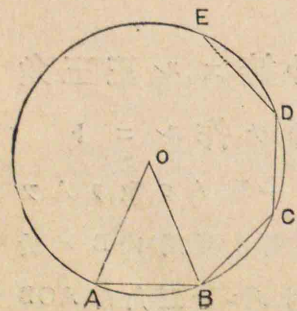


チ四直角ノ六分ノ一ナリ故ニ一點 O ノ周リニハ此ノ如キ角六ツアリ從ヒテ弧 AB ハ全周ノ六分ノ一ナリ此ノ方法ニヨリ C, D, E, F ニ於テ全周ヲ六等分シ前題ト

同ジ方法ニヨリ内接及外接正六邊形ヲ作ルコトヲ得

次ニ此等ノ分點ヲ一ツ置キニ取リテ内接及外接正三角形ヲ作り又弧 AB, BC 等ヲ二等分シテ正十二邊形ヲ作り更ニ又之ヲ二等分シテ正二十四邊形等ヲ作り得ルコト前題ト異ナルコトナシ

73. 分度器ヲ用ヒテ圓ニ内接又ハ外接スル正多角形ヲ作ルコト

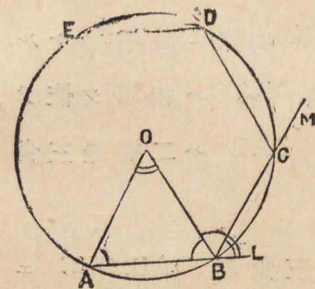


分度器ヲ用フル時ハ圓ニ内接又ハ外接スル任意ノ邊數ノ正多角形ヲ作ルコトヲ得其方法ハ多角形ノ邊ノ數ヲ以テ四直角即チ三百六十度ヲ等分シ其一ツニ等シキ角

AOB ヲ中心 O ニ於テ作り AB ヲ結ビ付クル時ハ AB ハ求ムル所ノ内接正多角形ノ一邊ナリ故ニ弦 AB ニ等シク BC, CD, DE 等ヲ引ク時ハ求ムル所ノ内接正多角形ヲ得

次ニ A, B, C 等ニ於テ切線ヲ引ク時ハ求ムル所ノ外接正多角形ヲ得ルナリ

74. 分度器ヲ用ヒテ與ヘラレタル直線 AB ノ上ニ正多角形ヲ作ルコト



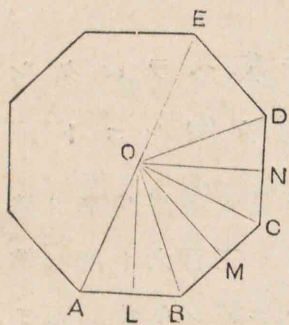
AB ヲ延長シ正多角形ノ邊ノ數ヲ以テ三百六十度ヲ等分シ其一ツニ等シキ角 LBM ヲ作りテ BM ヲ引キ角 ABM ヲ二等分シテ BO ヲ引キ又別ニ A 點ニ於テ ABO ニ等シキ

角 BAO ヲ作りテ AO ヲ引キ BO ト O ニ於テ交ハラシムレバ三角形 OAB ノ外角 OBL ハ二ツノ内對角ノ和ニ等シ然ルニ角 OAB ハ角 OBA ニ等シク角 OBA ハ角 OBM ニ等シキヲ以テ角 OAB ハ角 OBM ニ等シ故ニ角 AOB ハ角 LBM ニ等シ

故ニ一點 O ノ周リニハ AOB ノ如キ角ガ正多角形

ノ邊ノ數ダケアリ故ニ O ヲ中心トシ OA ヲ半徑トシテ圓ヲ畫キ此圓ノ中ニ弦 AB = 等シク BC, CD, DE 等ヲ引ク時ハ ABCD.....ハ求ムル所ノ正多角形ナリ

75. ABCD.....ヲ正多角形トシ相隣レルニ、



ノ角 A 及 B ヲ二等分スル直線 AO, BO ヲ引キ一線 O ニ於テ交ハラシムレバ此多角形ハ正多角形ナルヲ以テ總テノ角ハ等シ故ニ其半分ナル角 OAB, OBA ハ相等シ依テ三角形 OAB ハ二等邊三角

形ニシテ OA, OB ハ相等シ

次ニ OC ヲ結ビ付クレバ二ノ三角形 OAB, OBC ニ於テ AB=BC, AO=BO, $\angle OAB = \angle OBC$ ナルヲ以テ此兩形ハ全ク等シク OB=OC, $\angle OBA = \angle OCB$ 故ニ又 OC ハ角 C ヲ二等分ス

同様ニ OD, OE 等ヲ結ビ付クレバ此等ハ皆 OA = 等シク且角 D, E 等ヲ二等分ス

故ニ正多角形ノ内角ヲ二等分スル總テノ直線ハ皆

一點ニ會シ且此點ハ總テノ頂點ヨリ相等シキ距離ニアリ

又 O 點ヨリ總テノ邊ニ垂線 OL, OM, ON 等ヲ引ケバ三角形 OAB, OBC, OCD 等ハ全ク等シキ二等邊三角形ナルヲ以テ OL, OM, ON 等ハ相等シ即チ O 點ハ總テノ邊ヨリ相等シキ距離ニアリ

以上ノ證明ニヨリテ次ノ定理ヲ得

定理 42. 正多角形の内角を二等分する直線は一點に於て出會ひ且此點は總テノ頂點及總テノ邊より相等しき距離に在り

斯ノ如キ點ヲ正多角形ノ中心ト稱ス

O 點ハ總テノ頂點ヨリ相等シキ距離ニアルヲ以テ O ヲ中心トシ OA ヲ半徑トシテ圓ヲ畫ケバ此圓ハ總テノ頂點ヲ過ギル即チ多角形ニ外接ス

又 O ハ總テノ邊ヨリ相等シキ距離ニアルヲ以テ O ヲ中心トシ OL ヲ半徑トシテ圓ヲ畫ケバ此圓ハ L, M, N 等ヲ過ギリ且 AB, BC, CD 等ハ OL, OM, ON 等ニ垂直ナルヲ以テ圓ニ切ス即チ圓ハ多角形ニ内接ス

76. 圓周ノ長サ 圓周ノ長サハ其
直徑ノ長サヲ表ハス數ト一定ノ乘數ト
ノ相乘積ニ等シキモノナリ而シテ此乘
數ハ一ツノ不盡數ニシテ希臘文字 π (パイ
ト讀ム)ヲ以テ表ハス

π ノ値ハ古來數多ノ數學者ガ種々ノ方
法ニヨリテ頗ル精密ニ計算シタルモノ
アレドモ通常ノ計算ニハ $\pi = 3.1416$ 又
ハ $\pi = \frac{22}{7}$ ヲ以テ充分ナリトス
今 r ヲ以テ圓ノ半徑ヲ表ハサバ

$$\text{直徑} = 2r, \quad \text{圓周} = 2r\pi.$$

問 題

13. 一ツノ角ヲ二等分スル直線上ノ一點ヲ中心ト
シ兩邊ニ切スル圓ヲ畫クコト(第四編問題17. 參照)

14. 三角形ノ三ツノ邊ニ切スル圓ヲ畫クコト(第四
編問題18. 參照)

注意 三角形ニ内接圓ノ中心ヲ三角形ノ **內心**
ト云フ

15. 三角形ニ外接スル圓ヲ畫クコト(第六十條參
照)

注意 三角形ノ外接圓ノ中心ヲ三角形ノ **外心**
ト云フ

16. 三角形ノ一邊ト二邊ノ延長トニ切スル圓ヲ
畫クコト

注意 此ノ如キ圓ヲ **傍接圓** ト云ヒ其中心ヲ
三角形ノ **傍心** ト云フ

一ツノ三角形ニ三ツノ傍接圓アリ

17. 與ヘラレタル直線ヲ一邊トシテ正六邊形ヲ
作レ

18. 正六邊形ノ各ノ頂點ヲ中心トシ互ニ外切ス
ル六ツノ相等シキ圓ヲ畫クコト

19. 前題ノ六ツノ圓ノ各ニ外切スル圓ヲ作ルコト

20. 直徑一尺五寸ナル圓周ノ長サ幾何ナルカ

21. 每邊五尺ノ正方形ニ内接スル圓ノ周ノ長サ
如何

22. 正六邊形ニ外接スル圓ノ半徑ハ一ツノ邊ニ等
シ

23. ABCDE.....ヲ正多角形トシ對角線 AC, BD

ノ交點ヲOトスレバ三角形 BOC ハ二等邊三角形ナリ

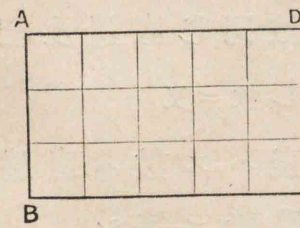
24. 直角三角形ノ二邊ノ和ヨリ斜邊ヲ減シタルモノハ内接圓ノ直徑ニ等シ

第七編 面積

77. 面積 平面形ノ境界内ナル平面ノ廣サヲ面積ト云フ

面積ヲ測ルニハ一尺, 一「メートル」, 一間等ノ如ク長サノ單位ヲ一邊トシタル正方形ノ面積ヲ單位トス之ヲ平方尺, 平方「メートル」, 平方間又ハ坪等ト云フ

78. 矩形 ABCD ヲ矩形トシ二邊 AB, BC ヲ



長サノ單位ニ分テ各邊ノ各分點ヨリ他ノ邊ニ平行ナル直線ヲ引ク時ハ矩形ハ幾ツカノ正方形ニ分タル而シテ此正方形ハ何レモ長サノ單位ヲ一邊ト

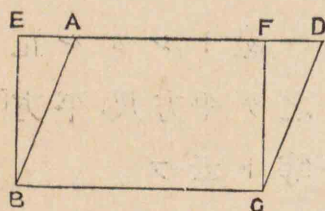
スルガ故ニ其數ハ即チ矩形ノ面積ヲ表ハス數ナリ例ヘバ AB ノ長サ三寸 BC ノ長サ五寸ナル時ハ此矩形ハ一吋平方ヲ $3 \times 5 = 15$ 含ムガ故ニ其面積ヲ十五平方吋ト云フ是ニヨリテ

矩形ノ面積ヲ表ハス數ハ底邊及高サ
ヲ表ハス數ノ相乗積ニ等シ

正方形ハ總テノ邊相等シキ矩形ナルヲ以テ

正方形ノ面積ヲ表ハス數ハ其一邊ヲ
表ハス數ノ平方ニ等シ

79. 平行四邊形 ABCD ヲ平行四邊形ト



シ EBCF ヲ同ジ底邊及相
等シキ高サノ矩形トス
然ル時ハ二ツノ直角三角形
AEB, DFC ハ全ク相等シ

故ニ平行四邊形 ABCD ハ矩形 EBCF ニ等シ即チ

定理 43. 平行四邊形は同じ底邊及相
等しき高さの矩形に等し故ニ又

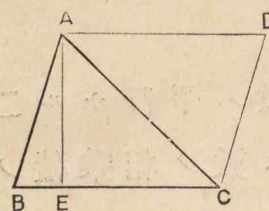
平行四邊形ノ面積ヲ表ハス數ハ底邊
及高サヲ表ハス數ノ相乗積ニ等シ

次ニ相等シキ底邊及相等シキ高サノ二ツノ平行四邊
形ハ相等シ何トナレバ此兩形ハ相等シキ底邊及相
等シキ高サノ矩形ニ等シケレバナリ是ニヨリテ

定理 44. 相等しき底邊及相等しき高

さの平行四邊形は相等し

80. 三角形 ABC ヲ三角形トシ頂點 A ヲ

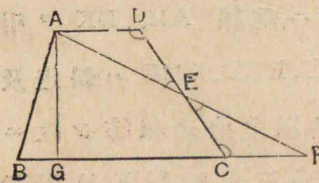


リ底邊 BC ニ平行ニ AD ヲ引キ
又別ニ C 點ヨリ BA ニ平行ニ
CD ヲ引キ AD ト D ニ於テ交ハ
ラシムル時ハ ABCD ハ平行四
邊形ニシテ AC ハ其對角線ナリ

故ニ三角形 ABC ハ ABCD ノ半分ナリ是ニヨリテ

定理 45. 三角形は之と底邊及高さを
等しふする平行四邊形の半分なり故ニ又
三角形ノ面積ヲ表ハス數ハ底邊及高
サヲ表ハス數ノ相乗積ノ半分ニ等シ

81. 梯形 ABCD ヲ梯形トシ AD, BC ヲ平行ナル



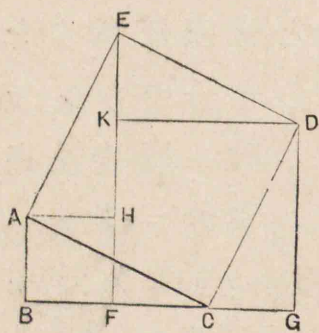
ル二邊, AG ヲ高サトス
DC ノ中點 E ヲ求メ AE ヲ
結ビ付ケ延長シテ BC ノ延
長ト F ニ於テ交ハラシムル
時ハ二ツノ三角形 ADE, FCE ハ全ク相等シ故ニ梯形
ABCD ハ三角形 ABF ニ等シ然ルニ CF ハ AD ニ等シ
キヲ以テ BF ハ平行ナル二邊ノ和ニ等シ是ニヨリテ

定理 46. 梯形は平行なる二邊の和を底邊とし其高さを高さとしたる三角形に等し故ニ又

梯形ノ面積ヲ表ハス數ハ平行ナル二邊ノ和ト高サトヲ表ハス數ノ相乗積ノ半分ニ等シ

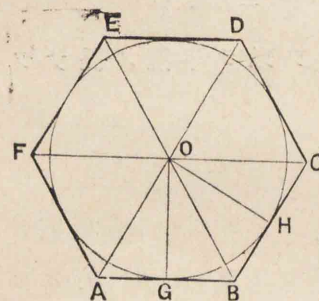
82. ABCヲ直角三角形トシ斜邊 ACノ上ニ正方形 ACDEヲ作レバ此正方形ハ他ノ二邊ノ上ノ正方形ノ和ニ等シカルベシ

E及Dヨリ BCニ垂線ヲ引キ BC 及其延長ト F, Gニ於テ交ハラシメ又 A及Dヨリ EFニ垂線 AH, DKヲ引ケバ四ツノ直角三角形 ABC, CGD, EKD, AHEハ斜邊及其兩端ノ角ガ夫々相等シキヲ以テ全ク相等シ故ニ正方形 ACDEノ中ヨリ二ツノ直角三角形 AHE 及 EKDヲ取り去リ之ヲ ABC 及 CGDノ位置ニ置クコトヲ得ルガ故ニ正方形 ACDEハ多角形 ABGDKH 即チ ABFH 及 KFGDノ和ニ等シ然ルニ ABFHハ ABノ上



ノ正方形, KFGDハ BCノ上ノ正方形ナリ故ニ

定理 47. 直角三角形の斜邊の上の正方形は他の二邊の上の正方形の和に等し



83. 正多角形 周ノ和ニ高サヲメテ

ABCDEFヲ正多角形, Oヲ内接圓ノ中心トシ OA, OB, OC等ヲ結ビ付クレバ内接圓ノ半径ハ三角形 OAB, OBC等ノ高サナリ故ニ此等ノ三角形ノ面積ハ多角形ノ邊及内接圓ノ半径ヲ表ハス數ノ相乗積ノ半分ニ等シ而シテ正多角形ハ此等ノ三角形ノ和ニ等シ故ニ

正多角形ノ面積ヲ表ハス數ハ其周及内接圓ノ半径ヲ表ハス數ノ相乗積ノ半分ニ等シ

84. 圓ハ邊數ガ限リナク多キ正多角形ト見做スコトヲ得ルガ故ニ正多角形ト同様ニ

圓ノ面積ヲ表ハス數ハ其周及半径ヲ表ハス數ノ相乗積ノ半分ニ等シ

今 r を以て圓ノ半徑ヲ表ハサバ

圓周 $= 2\pi r$, 面積 $= 2\pi r \times r \div 2 = \pi r^2$

又圓ノ一部分ナル扇形ハ圓ト同様ニ

扇形ノ面積ヲ表ハス數ハ弧及半徑ヲ表ハス數ノ相乘積ノ半分ニ等シ

今 a を以て扇形ノ弧ノ長サ, r を以て半徑ノ長サヲ表ハサバ

面積 $= \frac{1}{2} ar$

問題

1. 矩形ノ二邊ガ一尺二寸及八寸ナル時ハ其面積如何
2. 正方形ノ面積百六十九平方寸ナル時ハ其一邊ノ長サ如何
3. 三角形ノ底邊一尺二寸高サ一尺五寸ナル時ハ其面積如何
4. 平行四邊形ノ面積七十二坪ニシテ高サ八間ナル時ハ底邊ノ長サ如何
5. 梯形ノ平行ナル二邊ガ五尺及八尺ニシテ高サ三尺八寸ナル時ハ其面積如何
6. 直角三角形ノ二邊ガ一尺二寸及一尺六寸ナ

ル時ハ斜邊ノ長サ如何

7. 直角三角形ノ斜邊二尺九寸一ノ邊二尺ナル時ハ他ノ一ノ邊如何

8. 矩形ノ二邊八寸及一尺五寸ナル時ハ對角線ノ長サ何程ナルカ

9. 每邊七寸ナル正方形ノ外接圓ノ半徑如何

10. 正三角形ノ每邊一尺八寸ナル時ハ其高サ及面積各如何

11. 每邊八寸ナル正六邊形ノ内接圓ノ半徑及面積各如何

12. 半徑五尺ノ圓ノ周及面積ヲ求ム

13. 半徑三尺五寸ノ圓ノ中心ヲ距ル三尺七寸ノ所ヨリ此圓ニ引キタル切線ノ長サ如何

14. 直徑一尺六寸ノ圓ニ内接スル正方形ノ一邊ノ長サヲ問フ

15. 半徑七尺ノ圓ノ中心ニ於テノ角三十度ナル時ハ之ニ對スル弧ノ長サ及此弧ヲ以テ作リタル扇形ノ面積如何

16. 三角形ノ面積ハ三邊ノ和及内接圓ノ半徑ヲ表ハス數ノ相乘積ノ半分ニ等シ

17. 二等邊三角形ノ頂角ガ直角ナル時ハ其面積ハ底邊ノ上ノ正方形ノ四分ノ一ニ等シ

第八編 比例

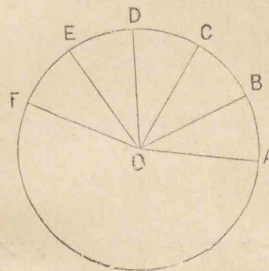
85. 比例量 互ニ關係シタル二ノ量アリテ其一ヲ二倍, 三倍, 四倍……スルニ從ヒ他ノ一ヲ二倍, 三倍, 四倍……トナル時ハ此二ノ量ハ互ニ比例スト云フ

例ヘバ牛肉ノ目方ト其價トハ互ニ關係シタル量ニシテ目方ヲ二倍スレバ其價二倍トナリ目方ヲ三倍スレバ其價三倍トナル故ニ牛肉ノ價ハ其目方ニ比例スト云フ

A 及 B ヲ互ニ比例スル二ノ量トシ A ガ a_1 ノ値ナル時 B ガ b_1 ノ値トナリ A ガ a_2 ノ値ナル時 B ガ b_2 ノ値トナルトスレバ a_1 ト a_2 トノ比ハ b_1 ト b_2 トノ比ニ等シ之ヲ次ノ如ク記ス

$$a_1 : a_2 = b_1 : b_2 \text{ 或ハ } \frac{a_1}{a_2} = \frac{b_1}{b_2}$$

86. AB ヲ中心 O ナル圓ノ弧トシ AB ニ等シク弧 BC, CD, DE 等ヲ取リ AO, BO, CO 等ヲ結ビ付ク



ル時ハ角 AOB, BOC, COD 等ハ相等シ故ニ

$\angle AOC$ ハ $\angle AOB$ ノ二倍

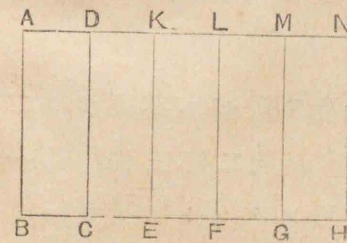
$\angle AOD$ ハ $\angle AOB$ ノ三倍

$\angle AOE$ ハ $\angle AOB$ ノ四倍等

ナリ即チ弧ヲ二倍, 三倍, 四倍……スルニ從ヒソレニ對スル中心ニ於テノ角モ二倍, 三倍, 四倍……トナル是ニヨリテ

定理 48. 圓ノ弧は之に對する中心に於てノ角に比例す

87. ABCD ヲ矩形トシ其底邊 BC ヲ延長シ其



上ニ BC ニ等シク CE, EF, FG 等ヲ取リ矩形 CK, EL, FM 等ヲ作ル時ハ此等ノ矩形ハ何レモ矩形 BD ニ等シ

故ニ矩形 BK ハ矩形 BD ノ二倍

矩形 BL ハ矩形 BD ノ三倍

矩形 BM ハ矩形 BD ノ四倍等ナリ

即チ矩形ノ高サヲ變ゼズシテ其底邊ヲ二倍, 三倍, 四

倍……スルニ從ヒ其面積二倍,三倍,四倍……トナル
故ニ

定理 49. 相等しき高さの矩形の比は
其底邊の比に等し

平行四邊形ハ其底邊ヲ底邊トシ其高サヲ高サトシ
タル矩形ニ等キヲ以テ

定理 50. 相等しき高さの平行四邊形
の比は其底邊の比に等し

三角形ハ其底邊ヲ底邊トシ其高サヲ高サトシタル
矩形ノ半分ナルヲ以テ

定理 51. 相等しき高さの三角形の比
は其底邊の比に等し

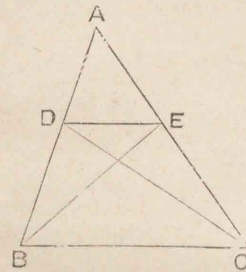
平行四邊形又ハ三角形ノ底邊ヲ變ゼズ其高サヲ二
倍,三倍,四倍……スルニ從ヒ其面積二倍,三倍,四倍…
…スルコトハ前ト同様ニ證明スルコトヲ得故ニ

定理 52. 相等しき底邊の平行四邊形
又は三角形の比は其高さの比に等し

88. ABCヲ三角形トシ DEヲ邊 BCニ平行ナ
ル直線トス然ル時ハ ABト ADトノ比ハ ACト AE

トノ比ニ等シカルベシ

DC, EBヲ結ビ付クレバニツノ三角形 AEB, AEDハ其
高サ相等シキヲ以テ定理 51.



$$\text{ニヨリ } \frac{\triangle AEB}{\triangle AED} = \frac{AB}{AD}$$

$$\text{同様ニ } \frac{\triangle ADC}{\triangle AED} = \frac{AC}{AE}$$

然ルニ三角形 DEB, EDCハ同
ジ底邊及相等シキ高サナル

ヲ以テ相等シ今此各ニ三角形 ADEヲ加ヘヨ然ル時

$$\text{ハ } \triangle AEB = \triangle ADC \text{ 故ニ } \frac{\triangle AEB}{\triangle AED} = \frac{\triangle ADC}{\triangle AED} \text{ 故ニ又}$$

$$\frac{AB}{AD} = \frac{AC}{AE} \text{ 是ニヨリテ}$$

定理 53. 三角形の一の邊に平行なる
直線は他の二の邊を相等しき比に分つ

問 題

1. 同ジ圓ニ於テ扇形ノ面積ハ其中心ニ於テノ
角ニ比例ス

2. 圓ノ半径ヲ二倍,三倍,四倍……スル時ハ其周ハ
如何ニナルカ

- 3. 第八十八條ノ圖ニ於テ $AD:DB \times AE:EC =$ 等シ
- 4. 三角形ヲ其一ノ頂點ヲ過ギル直線ニヨリテ $8:1$ ノ比ニ分ツコト
- 5. 梯形ヲ其對角線ニヨリテ二ノ三角形ニ分ツ時ハ其面積ノ比ハ平行ナル二邊ノ比ニ等シ

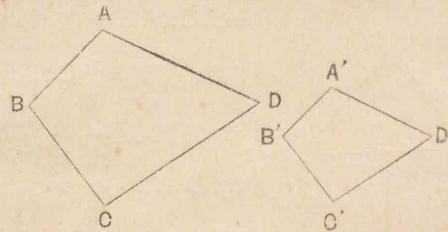
89. 相似形 二ノ平面形ニシテ其形相異ナレドモ大サ等シキモノアリ之ヲ相等シキ平面形ト云フ之ニ反シテ二ノ平面形ニシテ大サ相等シカラザレドモ形同ジキモノアリ之ヲ同形又ハ相似形ト云フ

二ノ多角形ガ相似形ナリトハ一ノ多角形ノ角ガ夫々順ニ取リテ他ノ多角形ノ角ニ等シク且對應スル邊ノ比ガ相等シキモノヲ云フ

注意 對應スル邊トハ兩形ニ於テ夫々相等シキ二角ノ間ノ邊ヲ云フ

例ヘバ二ノ多角形 $ABCD, A'B'C'D'$ ニ於テ

$$\angle A = \angle A', \angle B = \angle B', \angle C = \angle C', \angle D = \angle D' \text{ニシテ}$$



$$\frac{AB}{A'B'} = \frac{BC}{B'C'} =$$

$$\frac{CD}{C'D'} = \frac{DA}{D'A'}$$

ナル時ハ此兩形ヲ相似形ナリト云フ

圖ニ於テ邊 AB ガ $A'B'$ ノ二倍ナル時ハ $ABCD$ ノ各邊ハ $A'B'C'D'$ ノ之ニ對應スル邊ノ二倍ナルガ故ニ $ABCD$ ノ各邊ノ和即チ周ハ $A'B'C'D'$ ノ周ノ二倍ナリ同様に AB ガ $A'B'$ ノ三倍, 四倍等ナル時ハ $ABCD$ ノ周ハ $A'B'C'D'$ ノ周ノ三倍, 四倍等ナリ故ニ

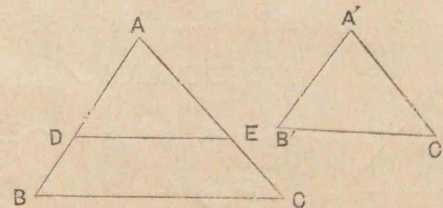
定理 54. 二ノ相似形ノ周ノ比ハ對應邊ノ比ニ等シ

90. 二ノ三角形 $ABC, A'B'C'$ ニ於テ $\angle A = \angle A'$,

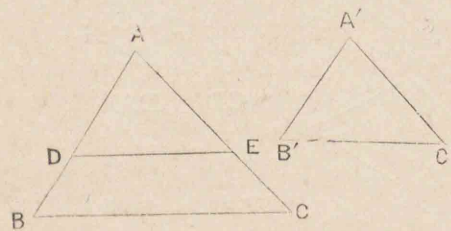
$$\angle B = \angle B', \angle C = \angle C'$$

ナリトス

今三角形 $A'B'C'$ ヲ ABC ノ上ニ重ネ角 A' ヲ角 A ニ合セシ



メ ADE ノ如キ位置ニ置ク時ハ $\angle B' = \angle B$ ナルヲ以テ DE ハ BC ニ平行ナリ故ニ定理 53. ニヨリ $AB : AD$

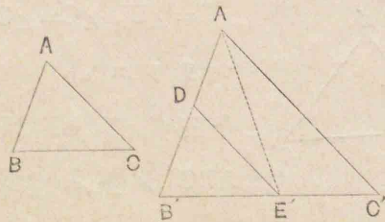


$= AC : AE$ ナリ即チ $AB : A'B' = AC : A'C'$ ナリ同様ニ角 B' ヲ角 B = 合セシメテ $BC : B'C' = AB : A'B'$

又角 C' ヲ角 C = 合セシメテ $AC : A'C' = BC : B'C'$ ナルヲ知ル故ニ $AB : A'B' = BC : B'C' = AC : A'C'$ ナリ即チ兩三角形ハ等角ニシテ對應邊ノ比等シキヲ以テ相似形ナリ是ニヨリテ

定理 55. 一ノ三角形の角が夫々他の三角形の角に等しき時は兩三角形は相似形なり

91. $ABC, A'B'C'$ ヲ相似ナルニツノ三角形トシ邊



AB, BC, CA ヲ夫々 $A'B', B'C', C'A'$ ノ對應邊トス然ルトキハ三角形 ABC ヲ三角形 $A'B'C'$ ノ上ニ重ネ

DB'E ノ如キ位置ニ置クコトヲ得而シテ A'E ヲ結ビ付クレバニツノ三角形 DB'E, A'B'E ハ其高サ相等シ故ニ

定理 51. ニヨリ $\frac{\triangle A'B'E}{\triangle DB'E} = \frac{A'B'}{DB'}$ 即チ $\frac{\triangle A'B'E}{\triangle ABC} = \frac{A'B'}{AB}$

又ニツノ三角形 A'B'E, A'B'C' モ其高サ相等シキヲ以テ同様ニ $\frac{\triangle A'B'C'}{\triangle A'B'E} = \frac{B'C'}{B'E} = \frac{B'C'}{BC}$ 然ルニ $\triangle ABC, \triangle A'B'C'$

ハ相似ナルヲ以テ $\frac{B'C'}{BC} = \frac{A'B'}{AB}$ ヲエテ $\frac{\triangle A'B'C'}{\triangle A'B'E} = \frac{A'B'}{AB}$

故ニ又 $\frac{\triangle A'B'E}{\triangle ABC} \times \frac{\triangle A'B'C'}{\triangle A'B'E} = \frac{A'B'}{AB} \times \frac{A'B'}{AB}$

即チ $\frac{\triangle A'B'C'}{\triangle ABC} = \left\{ \frac{A'B'}{AB} \right\}^2$ 是ニヨリテ

定理 56. 二ノ相似三角形の比は對應邊の比の二乗に等し

例ヘバ相似ナルニツノ三角形ノ面積ヲ m 及 m' トシ對應邊ノ長サヲ l 及 l' トスレバ

$$\frac{m}{m'} = \left\{ \frac{l}{l'} \right\}^2 \text{ 即チ } m : m' = l^2 : l'^2 \text{ ナリ}$$

相似ナルニツノ三角形ヲ二倍シテ相似ナルニツノ平行四邊形ヲ作ルコトヲ得ルガ故ニ

定理 57. 二ノ相似平行四邊形の比は對應邊の比の二乗に等し

二つの正方形ハ相似平行四邊形ナルヲ以テ

定理 58. 二つの正方形の比は其邊の比の二乗に等し

注意 一般ニ相似ナル二つの多角形ノ比ハ對應邊ノ比ノ二乗ニ等シキコトハ眞ナレドモ其證明少シク複雑ナルヲ以テ茲ニ之ヲ省キ唯其定理ノミヲ次ニ掲グ

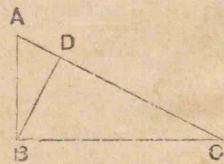
定理 59. 二つの相似多角形の比は其對應邊の比の二乗に等し

問題

6. 相似三角形ノ高サノ比ハ對應邊ノ比ニ等シ

7. 第八十八條ノ圖ニ於テ三角形 ADE ハ三角形 ABC ニ相似ナリ

8. ABC ヲ直角三角形, BD ヲ直角ノ頂點ヨリ斜邊ニ引キタル垂線トス然ル時ハ二つの三角形 ABD, BCD ハ相似形ナリ

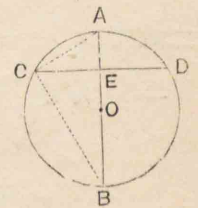


9. 前題ニ於テ AD=18 寸, CD=32 寸 ナルトキハ

BD ノ長サ如何

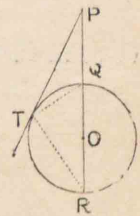
10. 第八問ニ於テ二つの三角形 ABD, BCD ハ各三角形 ABC ニ相似ナリ

11. CD ハ中心 O ナル圓ノ直徑 AOB ニ垂直ナル任意ノ弦トス然ル時ハ二つの三角形 ACE, CBE ハ相似形ナリ



12. 前題ニ於テ CD=8 寸, AE=2 寸ナルトキハ圓ノ半徑幾何ナルカ

13. PT ヲ中心 O ナル圓ノ外ニアル一點 P ヨリ其圓ニ引キタル切線トス然ル時ハ $\triangle PTQ, \triangle PRT$ ハ相似ナリ



14. 前題ニ於テ $PQ \cdot PR = (PT)^2$ ナリ

15. 或日ノ或時刻ニ長サ五尺ノ棒ヲ地上ニ直立セシニ其影二尺八寸アリ之ト同ジ時刻ニ塔ノ影ヲ測リタルニ十一間一尺二寸アリト云フ此塔ノ高サ何程ナルカ

16. 矩形ノ田地アリ縦十二間横八間ナリ今之ト同形ニシテ其面積三倍ナル田地ノ縦横各如何

17. 相似ナル二つの三角形ノ周ノ比ガ 3:1 ナル時ハ其面積ノ比如何

18. 實物ノ長サノ五萬分ノ一ヲ以テ地圖ヲ作ル時ハ地圖ノ面積ハ實物ノ幾分ノ一ナルカ
19. 三角形ノ一ノ邊ニ平行ナル直線ヲ以テ之ヲ二等分スルコト
20. 每邊一尺ナル正五邊形ニ於テ
 外接圓ノ半徑=.8506 尺
 內接圓ノ半徑=.6882 尺
 面積=1.7205 平方尺
- ナリ然ル時ハ每邊三尺ナル正五邊形ノ外接圓ノ半徑內接圓ノ半徑及面積各幾何ナルカ

明治四十二年二月十一日
 文部省檢定濟

販賣所

明明明明明明
 治治治治治治
 四四三三三三三
 十十十十十十
 年年九九六六五
 二二二二二二二
 月月十十一一四三
 二十二二
 十七月月月月
 日日廿廿廿廿
 修修一七二五六
 正正日日日日
 二二修訂訂發印
 版版正正正正
 發印發印發印
 行刷行刷行刷

著者 發行所 印刷所

東京市神田區南乘物町九十番地

明治圖書株式會社

長電話本局八九二番 電話本局一六四番
 振替貯金口座四九一五番

東京市小石川區原町百二十番地

森岩太郎

同 京橋區南傳馬町二丁目五番地

目黑甚七

同 日本橋區通三丁目十番地

河出靜一郎

同 京橋區岡崎町二丁目廿五番地

六合舍

(女子教科幾何初歩)

定價金五拾錢



春
中

